

ГЕОГИДРОДИНАМИЧЕСКОЕ СОПРЯЖЕННОЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ ГОРНЫХ НАПРЯЖЕНИЙ С ВЯЗКИМ СТОКОМ СКВАЖИНЫ

В. И. Попков, А. В. Попкова

ООО «СамараНИПИнефть» НК «Роснефть»
PopkovVI@samnpineft.ru, PopkovaAV@samnpineft.ru

Вязкие стоки скважин и глубинного генезиса углеводородов, рис.1, и сопряженные с ними волновые геофизические поля сдвиговых напряжений и самоорганизованного структурно-временного порового пространства масштабных уровней макро- и микромира с нестационарными конвективно-диффузионными границами являются новыми объектами поиска, разведки и оптимизации современной разработки газонефтяных залежей.

Нефтяные компании при трехмерном многофазном гидродинамическом моделировании притока к скважинам используют осредненные параболические уравнения сохранения массы типа теплопроводности с бесконечной скоростью воздействия. Предлагается конвективно-диффузионное энергетическое ограничение воздействия вязкого стока на основе уравнений Навье-Стокса и диссипативных структур вязкоупругого порового пространства, полученное на фронте инновационных решений в нефтяной отрасли в целом. Интегрированный системный подход позволяет эволюционно преобразовать частные решения расщепленных по физическим процессам уравнений (по закону Дарси) в полные решения, используя энергетический метод устойчивого сопряжения петрофизических констант и нормировочных псевдофункций относительных фазовых проницаемостей (ОФП) в областях аномальной фильтрации.

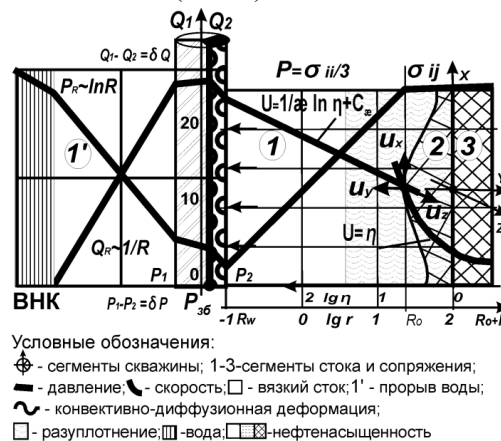


Рис.1. Сопряжение вязкого стока (1) и диффузионной деформации (2,3) с самоорганизацией канала прорыва воды (1') со стороны водонефтяного контакта (ВНК).

Задача определения кинематических и динамических характеристик конвективно-диффузионного сдвигового слоя ставится следующим образом. Решаются уравнения деформаций непрерывной многослойной геосреды в напряжениях σ_{ij} :

$$\sigma_{ij,q}^q = \rho^q \partial^2 \xi_i^q / \partial t^2; \sigma_{ij,q}^q = \mu^q (\xi_{i,j}^q + \xi_{j,i}^q) + \lambda^q \delta_{ij} \xi_{i,i}^q, \quad i, j = 1 \div 3; \quad q = 1 \div N, \quad (1)$$

где ξ_i^q - смещения; λ^q, μ^q, ρ^q - параметры Ламе и плотность слоев.

$$\text{Внешняя поверхность - неподвижная } \xi_i|_{y=0} = 0 \text{ или свободная } \sigma_{ij}|_{y=0} = 0. \quad (2)$$

Движения вязкой несжимаемой жидкости описываются уравнениями Навье-

Стокса и неразрывности:

$$\partial v_i / \partial t + v_j v_{i,j} - \langle v_j v_{i,j} \rangle + v_j U_{i,j} + U_j v_{i,j} = -1/\rho_a \partial p / \partial x_i + \nu \nabla^2 v_i; \quad v_{i,i} = 0; \quad \nu U'_y = u_*^2 + \langle v_x v_y \rangle, \quad (3)$$

где v_i, U_i - пульсационные и осредненные скорости; p - давление; ν, ρ_a - кинематическая вязкость и плотность жидкости, $\langle v_j v_{i,j} \rangle = 1/4(v_{i,j} v_j^* + v_{i,j}^* v_j)$, * - комплексное сопряжение, и дополнительными граничными условиями при $\eta = (R_0 - r)u_*/\nu$:

$$p = \sigma_{xx} / \rho_a u_*^2, \quad u = \partial \xi_y / \partial t - \xi_x U', \quad v = \partial \xi_x / \partial t, \quad w = \partial \xi_x / \partial t \sin \theta. \quad (4)$$

Уравнения (1,3) допускают решение в виде продольных и поперечных волн:

$\vec{\xi} = \overrightarrow{\text{grad}} \varphi + \text{rot} \vec{\psi}$, $s = s(y) \exp[i(k_x x + k_z z) - ikt]$, $s = \varphi, \psi, v_i, p$; где $k_i, k = \sqrt{k_x^2 + k_z^2}$ - волновые числа, c -фазовая скорость. Подставляя решение в систему уравнений (3) и пренебрегая квадратичными членами пульсаций скоростей, получаем решение в виде:

$$v_i(\eta) = 1/k [G_i(t) \text{sh } k(\eta-t) dt + c_i e^{-k\eta}], \quad p(\eta) = 1/ik [G(t) \text{sh } ik(\eta-t) dt + c_4 e^{-ik\eta}], \quad U' = 1 + \langle v_1 v_2 \rangle \quad (5)$$

где $G_1 = \Theta_1 + v_2 U' + ik_x p$, $G_2 = \Theta_2 + p'$, $G_3 = \Theta_3 + ik_x p$, $\Theta_i = -ik c v_i$, $G = -ik_x U' v_2$. Здесь переменные обезразмерены с помощью минимальной динамической скорости пропитки u_* и масштаба микромира $l^* = \nu/u_*$.

Из условий гладкого сопряжения осредненного стока $U = Q/(2\pi R H m) = 1/\alpha \ln \eta + C_\alpha$ с диффузионным (5) в некоторой точке R находим параметры буферной зоны $\alpha = 1/R U'(R)$ и $C_\alpha = U(R) - \ln R/\alpha$, где m, H - пористость и толщина пласта.

При гармоническом законе нагружения вязкоупругая модель описывается динамическими модулями сдвига $\mu(\omega) = \mu_0 - i\omega \eta_s$ и упругости $\lambda(\omega) = \lambda_0 + i2/3 \omega \eta_s$, где μ_0, λ_0 - статические модули; η_s - сдвиговая вязкость. Записывая уравнения (1) в цилиндрической системе координат получаем систему дифференциальных уравнений типа Бесселя [1], а решение в виде: $s(z_s) = c_i J_{i-1}(z_s) + c_{i+1} Y_{i-1}(z_s)$, где $z_s = k_s r$, если $s = \varphi$, то $i=1$, $s = \psi$, $i=2$,

$$k_\varphi^q = k \sqrt{\left(\frac{c}{a_\lambda^q}\right)^2 - 1}; \quad k_\psi^q = k \sqrt{\left(\frac{c}{a_\mu^q}\right)^2 - 1}; \quad a_\mu^q = \sqrt{\frac{\mu^2}{\rho^q}}, \quad a_\lambda^q = \sqrt{\frac{(\lambda^2 + 2\mu^2)}{\rho^q}}.$$

При удовлетворении граничным условиям (2) получаем трансцендентную систему уравнений четвертого порядка [1,2] и характеристическое уравнение $\det \mathbf{A} = 0$ для нахождения собственных комплексных волновых чисел $\gamma = \alpha + i\beta$ зон геофизической эмиссии, суффозии и преобразования осредненных продольных скоростей в поперечные волны с резонансными пластическими вбросами и горными разуплотнениями.

Вывод. Конвективно-диффузионные волны изменяют стационарную часть осредненного стока. Волны слоя сейсмической эмиссии вносят такие возмущения в сток, что динамические величины в нем не могут быть представлены в виде суперпозиции средних и флуктуирующих с частотой волн полей. Нелинейно, не по принципу аддитивности (не по Дарси), изменяются суммарные потенциальные поля давлений и насыщенностей. Новые концептуальные решения интеллектуальной интенсификации разработки коррелируются с зависимостью ОФП от скорости или капиллярного числа.

ЛИТЕРАТУРА

1. Voropaev G.A., Popkov V.I. Propagation of axisymmetric waves in a hollow viscoelastic cylinder // International Applied Mechanics. New York, 1989. Vol. 25. No 10. p.973-976.
2. Akbarov S.D., Guliev M.S. and Kerpeler T. Propagation of axisymmetric waves in an initially twisted circular compound bimaterial cylinder with a soft inner and a stiff outer constituents // Mechanics of Composite Materials, 2011. Vol. 46. No 6. p.627-638.