### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- Добкин Б.В., Полухин Ю.Н. Анализ резонансных характеристик отражения линии передачи с гиромагнитным резонатором и нерегулярностью. Вестник Самарского государственного аэрокосмического университета имени академика С.П. Королева. Серия: Актуальные проблемы радиоэлектроники. Выпуск 1. Самара, 1999.
- Ю.Н. Полухин. Расчетная модель однозвенных гиромагнитных устройств СВЧ. Гиромагнитная электроника и электродинамика: тезисы докладов XVI Всесоюзного семинара, Куйбышев, 1990.

# АНАЛИЗ ВЛИЯНИЯ ДИФРАКЦИИ ИЗЛУЧЕНИЯ НА МОДУЛЯЦИЮ ИЗЛУЧЕНИЯ В ВОЛС

### Гречишников В.М., Конюхов Н.Е., Гречишников С.В.

Влияние дифракции излучения на характер модуляции излучения в волоконно-оптических системах (ВОЛС) считывания информации проявляется, в основном, по двум направлениям:

1. При значительных расстояниях между плоскостями считывающего и кодового дисков происходит нелинейное искажение формируемых сигналов, проявляющееся в сглаживании их вершин в точках перегиба (рис. 1). За счет этого форма сигнала может трансформироваться из треугольной в квазисинусоидальную, что существенно снижает возможности его обработки с помощью преобразователя напряжения в код (ПНК).



Рис. 1. Влияние дифракции излучения на характер модуляции оптических сигналов.

2. Наличие дифракционной освещенности в зоне геометрической тени (за пределами области считывающего элемента (СЭ)) снижает динамический диапазон сигнала, что эквивалентно уменьшению энергетического к.п.д. волоконно-оптического тракта. Найдем количественные оценки двух этих факторов.

Оценка дифракционной нелинейности сигнала может быть выполнена, если известно дифракционное распределение освещенности излучения, которое для дифракции на краях экрана в виде бесконечной прямоугольной щели (рис. 2, *a*) имеет вид [1-3]:

$$f_{\mathcal{A}}(x) = \frac{f_0}{\sqrt{2}} \sqrt{(U_1 - U_2)^2 + (w_1 - w_2)^2}, \qquad (1)$$

$$U_{1} = \int_{0}^{V_{1}} \cos \frac{\pi \xi^{2}}{2} d\xi; \quad U_{2} = \int_{0}^{V_{2}} \cos \frac{\pi \xi^{2}}{2} d\xi;$$
  
rde:  
$$w_{1} = \int_{0}^{V_{1}} \sin \frac{\pi \xi^{2}}{2} d\xi; \quad w_{1} = \int_{0}^{V_{2}} \sin \frac{\pi \xi^{2}}{2} d\xi.$$
 (2)

Выражения (2) представляют собой интегралы Френеля, в которых пределы интегрирования имеют вид:

$$V_{I} = \sqrt{\frac{2}{\lambda L}} (X_{A} - X); V_{2} = \sqrt{\frac{2}{\lambda L}} (X_{n} - X).$$

где  $\lambda$  — длина волны излучения, L — расстояние между плоскостями,  $X_A$ ,  $X_n$  — координаты левой и правой границы щели соответственно, x — текущая координата точки наблюдения,  $H = X_n - X_A$  — ширина щели.

Кривая (1) описывает дифракционное распределение облученности вдоль координаты x для одиночной щели. В случае использования многощелевого экрана функция  $f_{\mathcal{I}}(x)$  становится периодической и для ее описания на последующих периодах целесообразно задать аргумент x в виде:  $x = \Delta x(n - kM)$ , де  $\Delta x$ — шаг приращения аргумента x, n — номер шага  $n = \overline{0, M}, M$  — число шагов приращения аргумента на одном периоде функции, K = ent[n/M] — номер периода изменения функции.

При  $\Delta x = const$  фактической переменной является параметр *n*. Точность задания функции определяется значением шага квантования  $\Delta x$ .

В более общем случае, когда щель имеет трапецеидальный характер (рис. 2,  $\delta$ ), а плоскость наблюдения вследствие ее деформации вырождается в поверхность, определяемую зависимостью L(x, y). Распределение освещенности на поверхности наблюдения (области СЭ) может быть описано выражениями (1) и (2), в которых пределы интегрирования являются функциями двух переменных:

70

$$V_{I} = \sqrt{\frac{2}{\lambda L(x,y)}} \left[ X_{\Lambda}(y) - x \right], \quad V_{2} = \sqrt{\frac{2}{\lambda L(x,y)}} \left[ X_{\Pi}(y) - x \right], \quad (3)$$

где X<sub>A</sub>(y) и X<sub>II</sub> (y) — уравнения левой и правой границ КЭ.

Из теории дифракционных явлений известно, что с увеличением ширины щели относительное влияние дифракции уменьшается. Поэтому области трапецеидальной щели с большей шириной вносят меньший вклад в энергетические потери и нелинейность сигнала, чем области с меньшей шириной. Это позволяет при анализе энергетических и модуляционных характеристик ограничиться рассмотрением худшего случая, заменив трапецеидальную щель на прямоугольную, ширина H которой равна меньшему основанию трапеции (рис. 2,  $\delta$ ). При этом двумерное распределение освещенности  $f_{\mathcal{I}}(x, y)$  можно заменить на одномерное  $f_{\mathcal{I}}(x)$ . Получаемые при этом оценки коэффициента передачи и погрешности нелинейности будут отличаться от истинных на 5 — 10 %, что для рассматриваемой задачи не является существенной величиной.

Влияние дифракции на коэффициент передачи излучения в ВОЛС происходит за счет дифрагирования части излучения в область геометрической тени, т. е. за пределы считывающего элемента. Коэффициент передачи рассчитывается в точке оси *x*, в которой оси симметрии щелевой диафрагмы (КЭ) и СЭ совпадают (рис. 2, *a*). Для рассматриваемой оптической схемы коэффициент передачи можно записать в виде:

$$\eta_{\mathcal{A}} = l - \frac{P_{\mathcal{A}}}{P_0} , \qquad (4)$$

где  $P_{\mathcal{A}}$  — мощность излучения, дифрагировавшего за пределы СЭ (в область геометрической тени),  $P_0$  — суммарная мощность, падающая на прозрачную область КЭ.

При известном нормированном распределении дифракционной освещенности  $f_{II}(x)$  выражение (4) можно переписать в виде:

$$\eta_{\pi} = I - \frac{2 \int_{-X_{I}}^{X_{A}=0} f_{\pi}(x) dx}{\int_{-X_{0}}^{X_{0}} f_{C}(x) dx} ,$$
(5)

где коэффициент «2», учитывает симметричность дифракционной картины,  $X_A$  — координата левой границы СЭ,  $X_I$  — значение координаты в области геометрической тени, при которой функция  $f_{ДT}(x)$  имеет пренебрежимо малые значения,  $f_C(x)$  — нормированная функция распределения освещенности в плоскости КЭ.



Рис. 2. К анализу влияния дифракции излучения на энергетический к.п.д. ВОЛС и функцию модуляции оптических сигналов

Из геометрического смысла интеграла в знаменателе выражения (5) ясно, что при  $f_C(x) = 1$ , получаем:

$$2\int_{-X_0}^{X_0} f_{\overline{H}}(x) dx = H$$
(6)

Для упрощения дальнейших расчетов воспользуемся асимптотическим приближением Ландау [4, 5], описывающим дифракционное распределение интенсивности излучения в области геометрической тени, которое для рассматриваемого случая необходимо адаптировать следующим образом:

$$f_{\mu T}(x) = \lambda L \left/ \delta \left( x - \sqrt{\frac{\lambda L}{2}} \right)^2, \quad x < \frac{\lambda L}{2}$$
(7)

Задавая требуемое соотношение  $l/f_{ДT}(x) = \eta_0$  и решая (7) относительно  $X_l$ , определяем предел интегрирования  $X_l$ :

$$X_1 \approx \frac{\lambda L}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\eta_0 \lambda L}{2}} . \tag{8}$$

Учитывая, что  $\eta_0 >> 1$ , первым членом в (8) можно пренебречь. Отсюда:

$$X_1 \approx \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\eta_0 \lambda L}{2}} \tag{9}$$

Пусть, например,  $K_0 = 10^3$ ,  $\lambda = 1$ мкм, L = 500 мкм, тогда x = 350 мкм. Числитель выражения (5) представляет собой табличный интеграл:

$$I = \frac{\lambda L}{8} \int_{-X_I}^{0} \frac{dx}{\left(x_I - \frac{\lambda L}{2}\right)^2} = \frac{\lambda L}{8\left(\frac{\lambda L}{2} - x_I\right)} \bigg|_{X_I}^{0},$$
(10)

Учитывая малость значения функции при подстановке нижнего предела интегрирования (10), с достаточной для практики степенью точности можно получить:

$$\eta_{\mathcal{I}} \approx 1 - \frac{1}{H} \sqrt{\frac{\lambda L}{8}} \,. \tag{11}$$

Графики, построенные по (11) для различных значений L и H, приведены на рис. 3. Приведенные зависимости показывают, что при достаточно широких КЭ (H > 200 мкм) и сравнительно малых зазорах между КЭ и СЭ ( $L = 10 \div 50$  мкм), снижение коэффициента передачи не превышает 1 %, (0,05 дБ), что является несущественной величиной по сравнению с общими энергетическими потерями в ВОЛС, которые могут достигать 20 ÷ 30 дБ.



Рис. 3. Влияние дифракции на энергетический к.п.д. ВОЛС

Оценку влияния дифракции на нелинейность сигналов целесообразно производить для систем считывания, формирующих кусочно-линейные сигналы треугольной формы, которые используются в дальнейшем для обработки в ПНК. При формировании двоичных оптических сигналов, с помощью кодовых шкал нелинейность фронтов не имеет существенного значения, поэтому влиянием дифракции в данном случае можно пренебречь. Погрешность нелинейности формируемых сигналов может быть найдена по формуле:

$$\gamma_{H} = \frac{max \left[ F_{m,\mu}(x) - F_{m0}(x) \right]}{F_{m0}(x)|_{x=H/2}},$$
(12)

где  $F_{m,I}(x)$ ,  $F_{m0}(x)$ , — нормированные функции модуляции излучения при наличии дифракции и без нее соответственно,  $F_{m0}(x)|_{x=0} = 1$  — значение функции модуляции в положении, при котором проекция КЭ на плоскость наблюдения полностью совпадает с СЭ, H — ширина щели.

Функция модуляции  $F_{m0}(x)$  для прямоугольных КЭ и СЭ равна  $F_{m0}(x) = |ax|$ , где a — высота щели, определяющая чувствительность сопряжения к перемещению x.

При известной функции дифракционного распределения излучения  $F_{II}(x)$ , выражение для  $F_{mII}(x)$  может быть получено в виде:

$$F_{m\mathcal{I}}(x) = \int_{x}^{x+H} f_{\mathcal{I}}(x) dx .$$
(13)

Графики зависимостей  $F_{m,I}(x)$ ,  $F_{m,0}(x)$  показаны на рис. 1. Из рисунка видно, что в районе точки перегиба идеального сигнала (x = H/2) в реальном сигнале имеется сглаженный участок, обусловленный наличием дифрагированного излучения в зоне геометрической тени. С учетом (13) погрешность нелинейности равна:

$$\gamma_{H} = \frac{2max \left[\int_{x}^{x+H} f_{\mathcal{A}}(x) - |ax|\right]}{aH}.$$
(14)

Графики погрешности  $\gamma_{\beta}(L, H)$ , вычисленные с использованием (1) представлены на рис. 4. Анализ полученных кривых показывает, что нелинейность сигналов тем меньше, чем шире щель и меньше величина зазора *L* между плоскостями КЭ и СЭ. Для реальных значений  $L = 30 \dots 50$  мкм и H = 0,5 - 1 мм погрешность нелинейности может достигать значений (1 — 1,5%), которые нельзя не учитывать при построении обобщенной математической модели. Прямое решение задачи, основанное на расчете дифракционной картины по (1) в каждой точке диапазона преобразования с последующим вычислением функции модуляции по (14) или (15) является неприемлемым из-за затрат машинного времени. Поэтому в данном случае целесообразно учесть влияние дифракции путем перехода к некоторой эквивалентной ширине КЭ, равной сумме номинальной ширины *H* и поправки  $\pm \Delta H$  (знак «+» соответствует левой границе КЭ, знак «-» соответствует правой границе), которая может быть пересчитана в единицы измерения угла.



ис. 4. График зависимости дифракционной погрешности нелинейност от параметров-оптической схемы

Для схемы на рис. 2, а. справедливо следующее соотношение:

$$\frac{2}{H} \int_{-x_0}^{0} f_{\mathcal{I}}(x) dx = \frac{2}{\Delta H} \int_{-x_1}^{-x_0} f_{\mathcal{I}}(x) dx, \text{ откуда:}$$
(15)

$$\Delta H = H \frac{\int_{-x_1}^{x_0} f_{\mathcal{A}T}(x) dx}{\int_{-x_0}^{y} f_{\mathcal{A}T}(x) dx},$$
(16)

где  $f_{AT}(x)$  определяется в соответствии с (7). Учитывая, что с погрешностью  $\approx 0.1$  % можно записать:

$$\int_{-x_0}^{x_0} f_{\mathcal{A}T}(x) dx = 2 \int_{X_A}^{X_A=0} f_{\mathcal{A}T}(x) dx$$

$$\int_{-x_0}^{-x_1} f_{\mathcal{A}}(x) dx = \int_{-X_0}^{-X_1} f_{\mathcal{C}}(x) dx$$
(17)

можно записать:

$$\Delta H \approx H (1 - \eta_{II}),$$
 (18)  
или, с учетом (11) и (18):

$$\Delta H \approx \sqrt{\frac{\lambda L}{8}} \,. \tag{19}$$

Значение угловой поправки может быть получено из формулы для длины дуги с центральным углом  $\Delta \varphi_{\mu}$  соответствующем  $\Delta H/2$  [6]:

$$\Delta \varphi_{\mathcal{I}} \approx \pm \frac{1}{2\rho_{cp}} \sqrt{\frac{\lambda L}{8}}, \qquad (20)$$

где  $\rho_{cp}$  — средний радиус кодовой дорожки.

Величина  $\Delta \varphi_{II}$  может быть учтена при задании начальной разметки кодового диска. При наличии неплоскостности и торцевых биений, расстояния между КЭ и СЭ является некоторой функцией угла поворота  $\varphi$ , например:  $L = L_{nom} + \Delta L(\varphi)$ , где  $L_{nom}$  — номинальное значение зазора,  $\Delta L(\varphi)$  — приращение зазора, вызванное неплоскостностью и торцевыми биениями КЭ. Тогда окончательное значение поправки при задании угловых координат границ КЭ примет вид:

$$\Delta \varphi_{\mathcal{A}} \approx \pm \frac{1}{2\rho_{cp}} \sqrt{\frac{\lambda \left( L_{\text{HOM}} + \Delta L(\varphi) \right)}{8}}$$
(21)

Таким образом, введение эквивалентной ширины КЭ позволяет учесть влияние дифракции на нелинейность преобразования и энергетический к.п.д. на каждом периоде формирования сигналов с использованием простых и достаточно корректных аналитических выражений, анализ которых не требует больших затрат машинного времени.

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- Ратис Ю.Л., Леонович Г.И. Дифракция светового потока на чувствительных элементах волоконно-оптических и оптико-электронных датчиков механических перемещений // Компьютерная оптика, Вып. 16, 1996, с. 74 — 77.
- Яворский Б.М., Детлаф А.А. Справочник по физике для инженеров и студентов ВУЗов. — М.: Наука., 1974. — 944 с.
- 3. Born M., Wolf E. Principles of Optics. N. Y .: Pergamon Press, 1984. p. 855.
- Борискок Л.В. Расчет погреплюсти устройства контроля лимбов, кодовых дисков: Метрология, 1991, № 8, Издательство стандартов, с. 9 17.
- Ландау Л.Д., Лившиц Е.М. Теоретическая физика. т. 2. Теория поля. М.: Наука, 1967. — 460 с.
- Букреев И.Н. и др. Микроэлектронные схемы цифровых устройств. 2-е изд., переработанное и дополненное. — М.: Советское радио, 1975. — 368 с.

# ПЕРСПЕКТИВЫ ПРИМЕНЕНИЯ ВНЕШНЕЙ СИНХРОНИЗАЦИИ В СИСТЕМАХ ПЕРЕДАЧИ ИНФОРМАЦИИ ДЛЯ УЛУЧШЕНИЯ ИХ ТЕХНИЧЕСКИХ ХАРАКТЕРИСТИК

## Кремнев А.Е.

Немодулированный радиочастотный (РЧ) сигнал сам по себе не несёт никакой информации. Для передачи телеграфного сообщения РЧ сигнал манипулируют в соответствии с кодом Морзе. Для передачи телефонного сообщения несущую необходимо промодулировать. Чисто угловая модуляция, угловая или фазовая, используется только на УКВ диапазонах, поскольку полоса частот, занимаемая радиостанцией в эфире, получается излишне широкой. На КВ используют однополосную модуляцию, причем однополосный сигнал формируют из амплитудно-модулированного (AM) сигнала. Рассмотрим особенности известных способов модуляции.

При фазовой модуляции (ФМ) фаза радиочастотного колебания изменяется обычно пропорционально мгновенным значениям модулирующего аналогового сообщения, поэтому полезный ФМ радиосигнал может быть записан в следующем виде:

 $s(t, \lambda) = A_0 \cos(\omega_0 t + M_d \lambda),$ 

где A<sub>0</sub>,  $\omega_0$  — априорно известные значения амплитуды и частоты радиосигнала;  $\lambda(t)$ — аналоговое сообщение;  $M_{\phi} = \sigma_{\phi}/\sigma_{\lambda}$  — известная крутизна