циклическом нагружении на положительном полуцикле был определён пороговый КИН  $\Delta K_{th}$ , соответствующий начальной глубине структурного дефекта  $t_0 = 0.05$  мм.

На рис. 4 представлены графики изменения КИН в зависимости от глубины трещины для случаев без упрочнения и с упрочнением детали с D = 10 мм, d = 9 мм и R = 0,5 мм.

**Вывод.** По результатам исследования было получено значение размаха порогового КИН  $\Delta K_{th} = 247 \frac{H}{\frac{M^3}{2}}$  в упрочнённой цилиндрической детали с кон-

центратором напряжений.

## Библиографический список

1. Kassim, S. Modeling of fatigue crack growth rate in ore-strained 7475-T7351 aluminium alloys / S. Kassim [et al.] // Materials Science and Engineering. – 2008. – Vol. A486. – P. 585–595.

2. Трощенко, В.Т. Трещиностойкость металлов при циклическом нагружении / В.Т. Трощенко, В.В. Покровский, А.В. Прокопенко. – Киев: Наукова Думка, 1987. – 256 с.

3. Сургутанов, Н.А. Моделирование и определение закономерностей развития трещины усталости в поверхностном слое упрочнённых деталей: дисс. канд. техн. наук: 01.02.066: защищена 13.12.2019: утв. 21.10.2020/Сургутанов Николай Андреевич. – С., 2019. – 128 с. – 9 19-5/1700.

УДК 621.787:4

## Сургутанов Н.А., Сургутанова Ю.Н., Матвеева К.Ф., Латыпова А.Р.

## ОПРЕДЕЛЕНИЕ КРИТИЧЕСКОЙ ГЛУБИНЫ НЕРАСПРОСТРАНЯЮЩЕЙСЯ ТРЕЩИНЫ УСТАЛОСТИ В УПРОЧНЁННЫХ ДЕТАЛЯХ ЧИСЛЕННЫМИ МЕТОДАМИ

В деталях, подверженных циклическому нагружению, в процессе эксплуатации накапливаются дефекты, которые приводят к образованию трещин и последующему нарушению их работоспособности. Необходимо анализировать рост трещины и не допускать достижения ею критического размера, при котором возможно разрушение конструкции. Для определения критической глубины трещины используется такая характеристика повреждённой нагруженной конструкции, как коэффициент интенсивности напряжений (КИН) [1].

Для реальной конструкции определение КИН – довольно трудоёмкая задача. КИН является величиной, непрерывно изменяющейся в процессе роста трещины. Он зависит от множества параметров, таких как длина трещины, взаимное расположение трещин, геометрия рассматриваемой детали, удалённость трещины от края и др.

В работе [2] КИН *К*<sub>1</sub> (индекс I обозначает тип разрушения – отрыв) определялся при помощи МКЭ-пакета ANSYS. Были исследованы изменения КИН в плоских и цилиндрических деталях с концентраторами и гладких образцах при различных размерах поперечного сечения и взаимосвязь максимального значения КИН от размера наименьшего сечения детали с концентратором напряжений.

Решалась статическая упругая задача, при этом для плоских деталей напряжённое состояние принималось плоским, для цилиндрических деталей – осесимметричным. Материал считался изотропным со следующими механическими характеристиками: модуль продольной упругости –  $E = 2 \cdot 10^5$  МПа, коэффициент поперечной деформации –  $\mu = 0,33$ .

При решении задачи в силу симметрии детали и напряжённого состояния для уменьшения вычислительных затрат моделировалась не вся деталь, а лишь её четверть. На рис. 1 показана четверть пластины с полукруглым надрезом, где *L* – длина детали, *B* – ширина, *h* – ширина в наименьшем сечении, *R* – радиус полукруглого надреза, *t* – глубина трещины.

Четверть цилиндрической детали представлена на рис. 2, где L – длина детали, D – диаметр, d – диаметр в наименьшем сечении, R – радиус полукруглого надреза, t – глубина трещины.

По результатам исследования изменения КИН с увеличением глубины трещины *t* в пластинах и цилиндрических деталях с концентраторами и гладких образцах для различных размеров поперечного сечения построены графики, приведённые на рис 3–5.



Рис. 1. Четверть плоской детали с надрезом



Рис. 3. Изменение КИН при увеличении глубины трещины *t* в плоских деталях с надрезом полукруглого профиля шириной: 1 – В = 20 мм; 2 – В = 40 мм; 3 – В = 50 мм



Рис. 2. Четверть цилиндрической детали с надрезом



Рис. 4. Изменение КИН при увеличении глубины трещины *t* в плоских деталях шириной: 1 – В = 20 мм; 2 – В = 40 мм; 3 – В = 50 мм



Рис. 5. Изменение КИН при увеличении глубины трещины *t* в цилиндрических деталях с надрезом полукруглого профиля: 1 – *D* = 10 мм; 2 – *D* = 25 мм; 3 – *D* = 50 мм

На кафедре сопротивления материалов Самарского университета ранее было экспериментально установлено, что величина критической глубины нераспространяющейся трещины усталости  $t_{sp}$  определяется только размерами поперечно-

го сечения детали и не зависит от вида надреза, материала и вида внешней нагрузки. Зависимость  $t_{xp}$  от наименьшего диаметра цилиндрической детали d описывалась эмпирической линейной функцией

$$t_{\kappa p} = 0,0216d . (1)$$

На рис. 6 представлена фотография излома упрочнённого пневмодробеструйной обработкой образца из стали 20 с параметрами D = 10 мм, d = 9 мм с круговым надрезом полукруглого профиля радиуса R = 0,5 мм.



Рис.6. Фрагмент излома упрочнённого дробью детали с D = 10 мм, d = 9 мм с R = 0,5 мм из стали 20: I – надрез, 2 – нераспространяющаяся трещина, 3 – зона долома

Для упрочнённых цилиндрических деталей с надрезами, для которых глубина  $t_{xp}$  была определена экспериментально, в данной работе задача определения глубины  $t_{xp}$  была решена численным методом в среде программного комплекса ANSYS. В конечно-элементную модель цилиндрической детали были введены остаточные напряжения с помощью метода термоупругости [3].

В качестве порогового коэффициента интенсивности напряжений  $\Delta K_{th}$  для упрочнённой детали принимался КИН, соответствующий начальной глубине структурного дефекта  $t_0 = 0.05$  мм. Задавалась нагрузка, равная пределу выносливости для упрочнённых деталей.

На рис. 7 представлены графики изменения КИН в зависимости от глубины трещины для случаев без упрочнения и с упрочнением детали при D = 10 мм, d = мм и R = 0,5 мм.



Рис. 7 – Изменение  $K_l(t)$  в деталях с D = 10 мм, d = 9 мм, R = 0,5 мм: l - 6ез упрочнения; 2 - с упрочнением

Резкое возрастание и последующее резкое падение КИН в окрестности  $t_{\kappa p}$  свидетельствует о том, что трещина в детали, в поверхностном слое которой действуют сжимающие остаточные напряжения, достигнув глубины  $t_{\kappa p}$  остановится и станет нераспространяющейся. Полученные результаты расчёта соответствуют экспериментальным данным по величине глубины нераспространяющейся трещины усталости  $t_{\kappa p}$ , определяемой с помощью эмпирической зависимости (1).

**Вывод.** Установлено, что в упрочнённых деталях, подверженных циклическому нагружению, падение КИН  $K_1$  ниже величины порогового КИН  $\Delta K_{th}$  наблюдается при глубине трещины усталости, равной  $t_{sp}$ , что означает остановку в развитии трещины за счёт влияния сжимающих остаточных напряжений.

## Библиографический список

1. Трощенко, В. Т. Трещиностойкость металлов при циклическом нагружении / В.Т. Трощенко, В. В. Покровский, А. В. Прокопенко. – Киев.: Наукова Думка, 1987. – 253 с.

2. Сургутанов, Н.А. Исследование влияния глубины трещины на коэффициент интенсивности напряжений в надрезанных и гладких пластинах / Н.А. Сургутанов // Вестник Самарского Университета. – Т. 16. – №1. – Самара, 2017. – С. 176–185.

3. Вакулюк, В.С. Применение метода термоупругости при конечноэлементом моделировании остаточного напряжённого состояния в поверхностно упрочнённых деталях / В.С. Вакулюк, В.П. Сазанов, В.К. Шадрин, Н.Н. Микушев, А.С. Злобин // Известия Самарского научного центра Российской академии наук, Т.16, №4. – Самара: Изд-во СГАУ, 2014. – С.168–174.