



Рисунок 1 - Личный кабинет студента в системе

Надеемся, что предложенная система значительно упростит процесс организации обучения в данном образовательном модуле.

### Литература

1. Самарская научно-образовательная программа «ВЗЛЕТ» конкурсного отбора школьников в Государственный реестр творчески одаренной молодежи в сфере науки и техники [Электронный ресурс] / URL: [www.vzletsamara.ru](http://www.vzletsamara.ru) (дата обращения: 25.03.2016).
2. Распоряжение Министерства образования и науки Самарской области №164-р от 16.03.2016 [Электронный ресурс] / URL: <http://vzletsamara.ru/files/documents/VZLETContest.pdf> (дата обращения: 25.03.2016).
3. Концепция единой Самарской областной системы мер по выявлению и развитию творчески одаренной молодежи [Электронный ресурс] / URL: <http://vzletsamara.ru/files/documents/Concept.pdf> (дата обращения: 25.03.2016).
4. Пиявский, С.А Информационные технологии массового научного руководства одаренной молодежью в сфере науки и техники / М.И. Бальзанников, С.А. Пиявский, В.В. Козлов // В сборнике: Информационные технологии в работе с одаренной молодежью / Под редакцией М.И. Бальзанникова, С.А. Пиявского, В.В. Козлова. – Самара: СГАСУ, 2015. - С. 11-24.
5. Камальдинова, З.Ф. Упрощенная математическая модель формирования исследовательских компетенций студентов / М.И. Бальзанников, З.Ф. Камальдинова, С.А. Пиявский // Научное обозрение. - 2015. - №7. - С. 93-98.
6. Виттих, В.А. Онтологический подход к построению информационно-логических моделей в процессах управления социальными системами / В.А. Виттих, П.В. Ситников, С.В. Смирнов // Вестник компьютерных и информационных технологий. - 2009. - №5. - С. 45-53.



М.А. Верхотуров, Г.Н. Верхотурова, Р.Р. Ягудин

## ОПТИМИЗАЦИЯ РАЗМЕЩЕНИЯ НЕВЫПУКЛЫХ МНОГОГРАННИКОВ НА ОСНОВЕ ДИНАМИЧЕСКОЙ СХЕМЫ ОПРЕДЕЛЕНИЯ NFP

(Уфимский государственный авиационный технический университет)

### Аннотация

В данной работе рассматривается задача оптимизации размещения невыпуклых многогранников в прямоугольный параллелепипед минимальной высоты. Для её решения предложен алгоритм с применением *No Fit Polyhedron(NFP)*, основанный на анализе возможных точек занесения объекта в область упаковки. Приведены примеры работы алгоритма, а так же результаты вычислительного эксперимента.

### 1. Введение

Среди проблем экономии ресурсов, наиболее интенсивно изучаемых на сегодняшний день, можно выделить класс задач, связанных с поиском оптимального размещения трехмерных объектов в некотором ограниченном пространстве. В частности, к ним относятся задачи: упаковка грузов (например, при транспортировке или хранении), раскрой материалов (например, алмаза), компоновка деталей изделия (например, двигателя), размещение 3D объектов при синтезе объемных изделий с использованием инновационных технологий быстрого прототипирования (*RP&M - Rapid Prototyping & Manufacturing*) (например, при селективном лазерном спекании) и т.д.

Все они являются задачами оптимизационного геометрического моделирования и, с точки зрения комбинаторной сложности, принадлежат к классу *NP*-трудных. Дополнительную геометрическую сложность при их решении составляет проблема соблюдения условий взаимного непересечения размещаемых объектов между собой и с границами зоны размещения, а также необходимость соблюдения различных конструктивно-технологических ограничений.

Анализ существующих методов решения проблемы показал, что они либо используют серьезные допущения по отношению к реальному производству.

### 2. Постановка задачи компоновки многогранных объектов с учетом ограничений на размещение

**Задача.** Пусть имеется набор многогранных объектов  $T = \{T_1, T_2, \dots, T_n\}$ :  $T_i \subset R^3, i = \overline{1, n}$ , каждый из которых задан в собственной системе координат. Область размещения  $Q \subset R^3$  представляет собой прямоугольный параллелепипед с фиксированными длиной  $L$  и шириной  $W$  и с переменной высотой  $H$ .

Задана матрица  $M = (P_{i,j})_{i=0, j=1}^{n,n}$ . Каждый элемент  $P_{i,j}$  матрицы описывает множество многогранных областей  $\{P_{a_{ij}}\}$  в системе координат многогранного объекта  $T_i$ , запрещенных для размещения  $T_j$ . Если  $i = 0$ , то рассматривается система координат зоны  $Q$ .



Пусть  $T_i(\bar{u}_i)$  многогранный объект  $T_i$ , смещенный на вектор  $\bar{u}_i$ . Обозначим как  $H(T(U))$  минимально необходимую высоту зоны  $Q$  для размещения объектов множества  $T$  с векторами смещения  $U = (\bar{u}_1, \bar{u}_2, \dots, \bar{u}_n)$ .

Условия непересечения многогранных объектов между собой можно записать как:

$$\text{int } T_i(\bar{u}_i) \cap \text{int } T_j(\bar{u}_j) = \emptyset, \forall i = \overline{1, n}, \forall j = \overline{1, n}, i \neq j. \quad (1)$$

Условия непересечения многогранных объектов с зоной размещения:

$$T_i(\bar{u}_i) \cap (R^3 \setminus Q) = \emptyset, \forall i = \overline{1, n}. \quad (2)$$

Условие пересечения многогранных объектов и областей запрещенных для размещения:

$$P_{a_i, j}(\bar{u}_i) \cap T_j(\bar{u}_j) = \emptyset, \forall a, \forall i = \overline{0, n}, \forall j = \overline{1, n}, i \neq j. \quad (3)$$

Система условий (1)-(2)-(3) связывает параметры размещения  $U = (\bar{u}_1, \bar{u}_2, \dots, \bar{u}_n)$  многогранных объектов множества  $T$  в области  $Q$  и является для них ограничениями. Все эти условия описывают непересечение границ пар многогранных объектов и отличаются только тем, что в условиях (1), (3) ни один из объектов не принадлежит внутренности другого, а в условии (2) каждый из объектов принадлежит внутренности области размещения.

Обозначим как  $H(T(U))$  минимально необходимую высоту зоны  $Q$  для размещения многогранных объектов множества  $T = \{T_1, T_2, \dots, T_n\}$  с векторами смещения  $U = \{\bar{u}_1, \bar{u}_2, \dots, \bar{u}_n\}$ .

Требуется найти такое  $U$ , чтобы  $H(T(U)) \rightarrow \min$ , при этом выполнялись условия взаимного непересечения объектов между собой и с границами зоны размещения (1)-(2), а также для матрицы  $M$  выполнялось условие (3).

### 3. Методы решения задачи компоновки многогранных объектов с учетом ограничений на размещение

Из-за комбинаторной сложности описанная задача относится к классу NP-трудных задач [3].

Проектирование планов (карт) упаковки по сути является задачей *оптимизационного геометрического моделирования*, заключающейся в оптимизации размещения геометрических объектов в заданных областях.

Классификация методов решения таких задач представлена в [5].

Анализ существующих подходов показал, что использование методов по-объектного размещения, основанных на моделировании условий взаимного непересечения (УВН), является перспективным и в дальнейшем. Проблема заключается в упрощении моделирования УВН объектов произвольных форм и поиске параметров размещения без использования параллелепипедных оболочек.

При использовании метода пообъектного размещения объекты помещаются в зону упаковки последовательно, один за другим. После нахождения точки занесения очередного объекта его положение фиксируется и больше не меняется. Таким образом, при определении детерминированного алгоритма подсчета точки занесения, результат будет зависеть только от порядка занесения объекта в



область. Это приводит к возможности разбиения процесса на две части [5]: геометрическая – внешняя часть, отвечающая за моделирование УВН и нахождение параметров размещения; оптимизационная – внутренняя (комбинаторная) часть, отвечающая за формирование и изменение последовательности размещаемых объектов.

### 4. Динамическая схема построения годографа функции плотного размещения

Для построения УВН наибольшее распространение получили методы на базе построения NFP («no fit polyhedron», «годограф вектор-функции плотного размещения», ГФПР[1] и т.д.).

Основные недостатки существующих подходов привели к разработке «динамической» схемы использования NFP, позволяющей работать с различными углами поворота объектов и избежать построения избыточных NFP.

При применении динамической схемы построения NFP необходимо выполнить следующие шаги:

1. Произвести последовательное построение NFP размещаемого объекта  $T_m$  с уже упакованными объектами и зоной размещения в соответствии с приоритетным списком  $K = \{K_0, \dots, K_{m-1}\}$  динамической схемы использования NFP.
2. Найти все параметры размещения  $\{u_i\}$ , принадлежащие каждому вновь построенному NFP  $G_i(K_i, T_m)$ , и проверить их на допустимость.

Лучший найденный в результате построения NFP  $G_i(K_i, T_m)$  допустимый параметр размещения  $u_{i m}^*$  сравнить с  $u_{m m}^*$  ( $u_{m m}^*$  – лучший найденный параметр размещения объекта  $T_m$  до построения NFP к объекту  $K_i$ ).

Если  $Z(u_{m m}^*) > Z(u_{i m}^*)$ , то  $u_{m m}^* = u_{i m}^*$ .

3. Остановить процесс построения NFP, когда для очередного объекта  $K_j$  будет выполнено условие:  $\min Z(K_j) > \max Z(T_m(u_{m m}^*))$ .

### 5. Результаты вычислительного эксперимента с использованием разработанного программного продукта

Для оценки эффективности и качества предложенных в работе методов и алгоритмов на основе тестовых данных из опубликованных ранее статей [6, 7] проведен вычислительный эксперимент, а также произведено сравнение решений с результатами, полученными другими методами.

В статье Ю.Г. Стояна [6] за 2005г. приведены 4 примера, составленные из невыпуклых объектов 10-ти типов. В каждом из примеров основание зоны размещения имеет одинаковые размеры – 30x35, изменяется лишь количество экземпляров каждого объекта.

Лучшие решения для примеров найдено алгоритмами «GRASP с ЛП» и «Первый подходящий с упорядочиванием + ЛП», предложенных авторами.

В статье Дж. Эгблада [Юшибка! Источник ссылки не найден.], 2009г. приведены 5 примеров размещения 9-ми выпуклых и 6-ми невыпуклых объектов. В каждом из примеров основание зоны размещения выбирается таким образом, чтобы при размещении всех объектов в зону кубической формы (с выбранным основанием) – использование материала составляла 50%. Также как и в [7] примеры отличаются количеством экземпляров каждого объекта. Лучшие решения для



примеров найдено алгоритмами «GRASP с ЛП» и «Первый подходящий с упорядочиванием + ЛП» (предложены авторами).

### 6. Заключение

В работе приведены разработанные *метод и алгоритмы* генерации трехмерных карт упаковки невыпуклых многогранников в прямоугольный параллелепипед минимальной высоты, *основанные* на анализе точек занесения и *закрывающиеся* в динамическом построении только тех NFP размещаемых объектов, которые необходимы при последовательно-одиночном размещении объектов в области, что *позволяет*, с одной стороны, не строить NFP всех пар многогранных объектов, а с другой – находить допустимые точки занесения.

Вычислительный эксперимент, проведенный на основе примеров, приведенных в общедоступных статьях на рассматриваемую тему, показал, что применение «динамической» схемы построения NFP повысило эффективность работы алгоритмов размещения на величину от 5 до 30 %.

### Литература

1. Стоян Ю.Г., Гиль Н.И. Методы и алгоритмы размещения плоских геометрических объектов. - Киев: Наук. думка, 1976. -247с.
2. Верхотуров М.А., Сергеева О.Ю. Применение цепного кодирования для задач плотной упаковки// Роль геометрии в искусственном интеллекте и системах автоматизированного проектирования: Сборник докладов всероссийской н.-т. конференции. - Улан-Удэ: 1996.-С.48-50.
3. Brooks R. L., Smith C. A. B., Stone A. H., Tutte W. T. The dissection of rectangles into squares. Duke Mathematical Journal 7, 1940, pp.312-340.
4. Stoyan Yu., Gil M., Scheithauer G., Pankratov A. Packing non-convex polytopes into a parallelepiped. TU Dresden, 2004.-32p.-(Preprint MATH-NM-06-2004).
5. Верхотуров М.А, Верхотурова Г.Н, Ягудин Р.Р. Об одном решении задачи плотной упаковки выпуклых многогранников на основе годографа функции плотного размещения // Научно-технический журнал ФГБОУ ВПО «Государственный университет – учебно-научно-производственный комплекс». "Информационные системы и технологии", N4 (72), г. Орел, 2012. – С.31-39.
6. Stoyan Yu., Gil M., Scheithauer G., Pankratov A. Packing non-convex polytopes into a parallelepiped. TU Dresden, 2004.-32p.-(Preprint MATH-NM-06-2004).
7. Egeblad J., Benny K., Marcus B. Translational packing of arbitrary polytopes. Elsevier. Computational geometry. Volume 42, Issue 4, 2009.-pp.269-288.
8. Bortfeldt, A., Wäscher, G., 2013. Constraints in container loading—a state-of-the-art review. *Eur. J. Oper. Res.*, 229(1):1–20.



О.М. Верхотурова, М.А. Верхотуров

## ОБ ОДНОМ РЕШЕНИИ ЗАДАЧИ ИДЕНТИФИКАЦИИ ГРАНИЦ СЛАБОСТРУКТУРИРОВАННЫХ ЕСТЕСТВЕННЫХ ОБЪЕКТОВ

(Уфимский государственный авиационный технический университет)

### Аннотация

В работе рассматривается задача идентификации границ слабоструктурированных естественных объектов. Для решения данной проблемы используются метод главных компонент и генетический алгоритм. Приведены примеры работы разработанного программного обеспечения, а также результаты вычислительного эксперимента, произведенного для проверки эффективности разработанных методов и алгоритмов.

### Введение

Задача идентификации границ тех или иных объектов встречается в различных областях человеческой деятельности, в том числе в космических исследованиях, в нефтяной промышленности, в медицине и т.д. Особый интерес представляет проблема определения границ продуктивных пластов на месторождениях полезных ископаемых, она является весьма трудоемкой, сложной и неоднозначной и составляет непрерывную часть огромного количества геологических работ.

Анализ существующих методов выявил необходимость разработки нового подхода для решения задачи идентификации границ слабоструктурированных естественных объектов.

### 1. Математическая постановка задачи

Пусть даны:

$O \subset R^3$  – рассматриваемая область.

$P_m(x_m, y_m, 0)$ ,  $m = \overline{1, M}$ ,

$P_m \in O$  – опорные узлы.

$P_n(x_n, y_n, 0)$ ,  $n = \overline{1, N}$ ,

$P_n \in O$  – исследуемые узлы.

Следует отметить, что начальное  $z$  у каждого узла может быть свое, но поскольку, с точки зрения положения на плоскости  $XOY$ , это не имеет значения, то все скважины выравниваются на уровень  $z=0$ .

У каждого опорного и исследуемого узла есть несколько характеризующих его кривых -  $l = \overline{1, L}$ , заданных точечным рядом (в дальнейшем они будут визуализироваться в виде кривых):

$g_l^m(h)$ , где  $h$  - глубина или номер замера (дискретная величина),  $h \in \{H^m\}$ ,

$\{H^m\}$  - множество глубин или множество номеров замеров для  $m$ -ого узла.

Есть  $k = \overline{1, K}$  выделенных интервалов ( $k$  объектов).

В опорных узлах границы этих интервалов известны: