3. По тепловой характеристике ТМР (см. рис. 3) найти параметр А.

4. Используя найденные значения теплоотдачи Q и параметра A, по известному значению температуры топлива на входе в ТМР  $t_{\text{т.в.}}^{\text{тмр}}$ определить температуру масла на выходе из двигателя, т. е. на входе в ТМР, по формуле (3).

5. Из соотношения  $t_{M,BX}^{AB} = t_{M,BMX}^{AB} - \frac{Q}{G_M C_{BM}}$ , определить температуру масла на входе в двигатель.

## выводы

1. Данные экспериментального определения теплоотдачи B масло ДТРД в условиях полета удовлетворительно обобщаются зависимостью типа  $Q = nG_m^m$ 

2. Предложенный полуэмпирический метод расчета дает возможность сравнительно просто и с достаточной для практики точностью определить теплоотдачу в масло и температуру масла на входе в двигатель при различных режимах работы двигателя в полетных условиях.

### ЛИТЕРАТУРА

Скубачевский Г. С. Авиационные газотурбинные двигатели. Конструкция и расчет деталей. М., «Машиностроение», 1969.
 Демидович В. М. Тепловой режим газотурбинных роликоподшилни-

ков при внешнем подогреве. В сб. «Труды КАИ», Вып. 86, Казань, КАИ, 1964.

### Г. М. Горелов

# ГИДРАВЛИЧЕСКИЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ТЕПЛООБМЕННИКОВ ПРИ ТЕЧЕНИИ ДВУХФАЗНОЙ ЖИДКОСТИ

УСЛОВНЫЕ ОБОЗНАЧЕНИЯ

- Р давление потока:
- *и* скорость потока;
- G расход;
- *P*<sub>кр</sub> критическое давление;
- $\Delta P$  потери давления;
- 1 длина канала;
- d<sub>г</sub> гидравлический диаметр канала;
- *F* площадь поперечного сечения канала радиусом г;
- ү плотность потока;
- и вязкость потока;

 $G_{\mathfrak{n}}$  $\varkappa = \overline{G}$  — относительное паросодержание;

 $F_{\Pi}$  $\varphi = \frac{1}{F}$  — относительная площадь пара;  $\Delta i$  — изменение энтальпии;

*х* — координата по длине трубы,

ИНДЕКСЫ

ж — жидкость;

- п пар;
- см смесь;
- вх вход в канал;

вых — выход из канала;

нед — недогрев; исп — испарение; пер — перегрев; о — однофазная жидкость.

При проектировании циркуляционных контуров паровых котлов, атомных реакторов и т. п. необходимо знать тепловые и гидравлические характеристики отдельных узлов и агрегатов, входящих в циркуляционный контур. Это позволяет правильно выбрать параметры рабочей точки установки в целом, а также определить условия работы установки на режимах запуска и промежуточных режимах.

Найденные аналитические выражения тепловых характеристик теплообменников [1], [2] позволяют найти зависимость между расходом теплоносителя и его подогревом.

В работах [3], [4], [5] приведены аналитические выражения гидравлических характеристик теплообменников с учетом действия трения и подвода тепла при течении однофазной жидкости.

В данной работе получены аналитические выражения гидравлических характеристик теплообменника при течении двухфазной жидкости и различных законах подвода тепла.

Рассмотрим прямолинейную цилиндрическую трубу, по которой течет жидкость с испарением. Сделаем некоторые предположения.

Будем считать, что основными формами течения двухфазной жидкости являются гомогенные течения пузырьков пара в жидкости и капелек жидкости в потоке пара и между ними, с гидродинамической точки зрения, нет существенного различия. Тогда полученные ниже формулы можно считать справедливыми для большого диапазона изменения паросодержания.

Поскольку рассматривается установившееся одномерное движение, предполагается, что концентрация пара и жидкости не меняется по времени и постоянна по радиусу канала. Последнее предположение приводит к тому, что гидравлические диаметры потока жидкости и потока пара одинаковы и равны диаметру трубы. Предположим также, что статическое давление постоянно по радиусу трубы и одинаково для обеих фаз.

Для того чтобы получить аналитическую зависимость между расходом теплоносителя и потерями давления, необходимо найти связь между скоростями движения жидкости и пара. Из результатов экспериментального исследования [6] по определению скольжения пара видно, что отношение скоростей пара и жидкости в исследованном диапазоне почти не зависит от диаметра канала. Это отношение зависит от процентного содержания пара в смеси. Однако при повышенных скоростях течения, (больше  $2\div$  $\div 3 \ m/сек$ ) отношение скоростей перестает зависеть и от величины паросодержания. Отношение скоростей пара и жидкости, как видно из экспериментов, существенно зависит только от давления смеси.

Таким образом, можно принять, так же как это сделано в работе [7], что отношение скоростей пара и жидкости является функцией только давления, под которым находится парожидкостная смесь.

Значение коэффициента скольжения С, определяемого по формуле

$$C = \frac{u_{\mathcal{R}}}{u_n} \cdot \frac{\gamma_{\mathcal{R}}}{\gamma_n} - 1, \tag{1}$$

найдено по имеющимся экспериментальным данным и приведено в табл. 1. Связь между коэффициентом скольжения и давлением удобнее представить в виде зависимости  $C = f(p/p_{\rm KP})$ . В

Таблица 1

Р/Ркр	0,005	0,02	0,04	0,1	0,3	0,5	0,7	0,9	1,0
С	150	67	43	21,5	7,17	3,55	1,75	0,77	0

этом случае значения коэффициента скольжения, определенные для воды, могут быть использованы и для других однородных жидкостей.

Уравнение (1) позволяет найти соотношение между относительным паросодержанием и относительной площадью пара

$$\frac{1-\varkappa}{1-\varphi} = 1 + C\varkappa. \tag{2}$$

Потери давления от трения для двухфазной жидкости можно определить из выражения

$$dP = dP_{\mathfrak{m}} = \frac{\operatorname{const}}{\operatorname{Re}_{\mathfrak{m}}^{m}} \cdot \gamma_{\mathfrak{m}} \cdot \frac{u_{\mathfrak{m}}^{2}}{2g} \cdot dx$$
(3)

или по Блазиусу

$$dP = \left(\frac{Gd_{\Gamma}}{\mu \cdot g \cdot F}\right)_{\mathfrak{m}}^{-0.25} \cdot \frac{0.3164}{\gamma_{\mathfrak{m}} \cdot 2g \cdot d_{\Gamma}} \left(\frac{G}{F}\right)_{\mathfrak{m}}^{2} \cdot dx.$$
(4)

Потери давления однофазной жидкости  $\Delta P_0$  с суммарным расходом  $G = G_* + G_{\pi}$  определяются формулой

$$\Delta P_0 = \left(\frac{G \cdot d_{\rm r}}{\nu_{\rm sc} gF}\right)^{-0.250,3164} \left(\frac{G}{F}\right)^2 \frac{l}{d_{\rm r}} \,. \tag{5}$$

Относительные потери давления двухфазной смеси можно получить, деля уравнение (4) на (5) и интегрируя:

$$\frac{\Delta P}{\Delta P_0} = \int_0^{x/l} \left(\frac{1-x}{1-\varphi}\right)^{1,75} \cdot d\left(\frac{x}{l}\right).$$
(6)

Подставляя уравнение (2) в (6), получим

$$\frac{\Delta P}{\Delta P_0} = \int_0^{x/t} (1 + Cx)^{1.75} d\left(\frac{x}{t}\right). \tag{7}$$

Уравнение баланса тепла для участка испарения можно записать:

$$d\left(q2\pi rl\,\frac{x}{l}\right) = d\left(G_{\pi}\,h\right) = d\left(G\,\varkappa h\right),\tag{8}$$

- где *h* теплота испарения, которую можно принять постоянной на всем участке парообразования;
  - *q* поток тепла через единицу площади теплопередающего канала.
  - Для теплового потока, постоянного по длине трубы,

$$d\left(\frac{x}{l}\right) = \frac{Gh}{q \cdot 2\pi r l} \cdot d\varkappa.$$
(9)

Для всего участка испарения длиной *l* 

$$\chi_{\rm BMK} - \chi_{\rm BX} = \frac{q \cdot 2\pi r \cdot l}{Gh} \, .$$

Подставляя выражения (9) в равенство (7) и заменяя пределы интегрирования, получим

$$\frac{\Delta F}{\Delta P_0} = \frac{Gh}{q \cdot 2\pi r \cdot l} \cdot \frac{1}{2,75C} \left[ \left( 1 + C \varkappa_{\rm BMX} \right)^{2,75} - \left( 1 + C \varkappa_{\rm BX} \right)^{2,75} \right].$$
(10)

Таким образом, выражение для потерь давления от трения при течении жидкости с испарением может быть записано в виде:

$$\frac{\Delta P}{\Delta P_0} = \frac{\left(1 + C \varkappa_{\rm BMX}\right)^{2,75} - \left(1 + C \varkappa_{\rm BX}\right)^{2,75}}{2,75C \left(\varkappa_{\rm BMX} - \varkappa_{\rm BX}\right)} \,. \tag{11}$$

При адиабатическом течении, когда  $\chi_{\rm Bbix} = \chi_{\rm Bx}$ ,

$$\frac{\Delta P}{\Delta P_0} = \left(1 + C \varkappa\right)^{1.75}.$$
(12)

159











6-5284

Полученные формулы можно сравнить с экспериментальными данными, приведенными в работе [8]. На рис. 1а приведены данные, вычисленные по формуле (2), и экспериментальные результаты Данглера, полученные для вертикальных труб при постоянном по длине подводе тепла и давлении P=0,12 Мн/м2. Совпадение кривой, рассчитанной по формуле (2), с экспериментальной, рекомендуемой Данглером, удовлетворительное. Экспериментальные данные для воды Мархатерра при давлении 0,78 *Мн/м<sup>2</sup>* и разных тепловых потоках лежат несколько выше кривой, полученной по формуле (2) (рис. 16). Хорошее совнадение расчетной кривой с экспериментами Кука, которые проведены при давлении 4,1 *Мн/м<sup>2</sup>* при разных тепловых потоках и различных скоростях течения воды на входе в канал, показано на рис. 1в. На рис. 1г нанесены экспериментальные результаты, полученные Ларсеном для горизонтальной трубы при давлении 6,8 *Мн/м<sup>2</sup>* без подвода тепла. В большом диапазоне изменения у от 0,1 до 1,0 совпадение расчетной кривой с экспериментальными данными удовлетворительное. Для сравнения приведены также данные, полученные в теоретических работах других авторов [8], [9], [10].

На рис. 2 дано сравнение экспериментальных данных Батдиной и Петерсона [11] с расчетами по формуле (12) в широком диапазоне давлений от 1 до 21 *Мн/м*<sup>2</sup>. Расчетные и экспериментальные значения потерь давления хорошо согласуются.

Выше были получены выражения для потерь давления на трение при постоянном по длине подводе тепла. Аналогично для области автомодельного течения, когда в формуле (3) m=0, могут быть получены аналитические выражения для потерь давления при других законах подвода тепла.

Для закона  $q = q_0 \mathbf{x}/l$  на участке испарения потери давления

$$\frac{\Delta P}{\Delta P_0} = (1 + C\varkappa_{\rm BX})^2 + \frac{2}{3}C(1 + C\varkappa_{\rm BX})(\varkappa_{\rm BMX} - \varkappa_{\rm BX}) + \frac{C^2}{5}(\varkappa_{\rm BMX} - \varkappa_{\rm BX})^2;$$

для закона  $q = q_0 \left( 1 - \frac{x}{l} \right)$  :

$$\frac{\Delta P}{\Delta P_0} = (1 + C \varkappa_{\text{BX}})^2 + \frac{4}{3} C (1 + C \varkappa_{\text{BX}}) (\varkappa_{\text{BMX}} - \varkappa_{\text{BX}}) + \frac{8}{15} C^2 (\varkappa_{\text{BMX}} - \varkappa_{\text{BX}})^2;$$

$$q = q_0 \sin\left(\pi \, \frac{x}{l}\right);$$

$$\frac{\Delta P}{\Delta P_0} = (1 + C \varkappa_{\text{BX}})^2 + C (1 + C \varkappa_{\text{BX}}) (\chi_{\text{BMX}} - \varkappa_{\text{BX}}) + \frac{3}{8} C^2 (\varkappa_{\text{BMX}} - \varkappa_{\text{BX}})^2.$$

Применяя соотношение между и  $\varphi$ , можно получить и другие формулы, необходимые для расчета гидравлической характеристики теплообменника.

для закона

Потери давления, возникающие при ускорении потока, могут быть выражены следующей формулой:

$$\Delta P_{\rm yck} = \frac{G^2}{g^{F^2} \, \gamma_{\rm sk}} \left[ \frac{(1-\varkappa)^2}{1-\varphi} + \frac{\varkappa^2}{\varphi} \cdot \frac{\gamma_{\rm sk}}{\gamma_{\rm sk}} - 1 \right] \,,$$

или, используя уравнение (2), при х<sub>вх</sub> = 0 можно получить

$$\Delta P_{\rm yck} = \frac{G^2}{gF^2 \, \gamma_{\rm sk}} \left[ C \varkappa_{\rm bbx} + \varkappa_{\rm bbx} \left( 1 + C \varkappa_{\rm bbx} \right) \left( \frac{\gamma_{\rm sk} / \gamma_{\rm fi}}{1 + C} - 1 \right) \right] \,.$$

Потери давления в местном сопротивлении, через которое течет двухфазная смесь, могут быть записаны в виде:

$$\Delta P_{\rm M} = \xi \gamma_{\rm CM} \frac{n_{\rm CM}^2}{2g} = \xi \left(\frac{G}{F_{\rm BX}}\right)^2 \frac{1}{2g\gamma_{\rm K}} \frac{\gamma_{\rm K}}{\gamma_{\rm CM}} \,,$$

Если считать, что плотность смеси равна

$$\gamma_{\rm CM} = (1 - \varphi) \gamma_{\rm K} + \varphi \gamma_{\rm H},$$

то используя зависимость между относительным расходом и относительной площадью пара (2), отношение илотностей можно записать следующим образом:

$$\frac{\gamma_{\rm CM}}{\gamma_{\rm W}} = 1 - \left(1 - \frac{\gamma_{\rm R}}{\gamma_{\rm W}}\right) \frac{\varkappa (1+C)}{1+C\varkappa} \, .$$

Тогда потери давления в местном сопротивлении при течении двухфазной жидкости могут быть выражены через потери давления при течении однофазной жидкости

$$\Delta P_{x} = \Delta P_{\text{MO}} \frac{1 + C \varkappa}{(1 - \varkappa) + \varkappa (1 + C)} \frac{\Delta P_{\text{M}}}{\gamma_{\text{K}}} \frac{\Delta P_{\text{M}}}{\Delta P_{0}}$$
(13)

На рис. З приведено сравнение экспериментальных значений потерь давления при внезаниом сужении и расширении двухфазного потока, полученных в работе [12], с расчетными, полученными по формуле (13).

Потери давления на участках недогрева жидкости и персерева нара могут быть определены но обычным формулам для однофазной жидкости.

Суммарные потери давления давления для канала с местным сопротивлением на входе и выходе канала, в котором имеются в общем ты [12] 6\*



Рис. 3. Сравнение значений потерь давления при внезапном сужении и расширении двухфазной жидкости, рассчитанных по формуле (13), с экспериментальными данными работы [12]

случае участки недогрева жидкости, испарения и перегрева нара, выражены формулой

$$\Delta P_{\Sigma} = \Delta P_{\rm BX} + \Delta P_{\rm Heg} + \Delta P_{\rm Heg} + \Delta P_{\rm yek} + \Delta P_{\rm Heg} + \Delta P_{\rm BMX}.$$

Для того, чтобы рассчитать гидравлическую характеристику канала, необходимо знать длину участков педогрева, испарения Эти длины могут быть определены, если известно и перегрева. общее изменение энтальнии жидкости и изменение энтальнии по участкам.

Для рассмотренных законов подвода тепла длины участков можно определить из соответствующих формул:

$$q = q_0 = \text{const}; \frac{x}{l} = \frac{\Delta l}{\Delta l_{\Sigma}};$$

$$q = q_0 \frac{x}{l}; \quad \frac{x}{l} = \sqrt{\frac{\Delta l}{\Delta l_{\Sigma}}};$$

$$q = q_0 \left(1 - \frac{x}{l}\right); \quad \frac{x}{l} = 1 - \sqrt{1 - \frac{\Delta l}{\Delta l_{\Sigma}}};$$

$$q = q_0 \left(1 - \frac{x}{l}\right); \quad \frac{x}{l} = 1 - \sqrt{1 - \frac{\Delta l}{\Delta l_{\Sigma}}};$$

$$q = q_0 \sin\left(\pi \frac{x}{l}\right); \quad \frac{x}{l} =$$

$$q_1 > q_2 > q_3 \quad \Delta l_{\text{meas}} > \Delta l_{\text{meas}} = \frac{1}{\pi} \arccos\left(1 - 2\frac{\Delta l}{\Delta l_{\Sigma}}\right).$$



Кроме участков, на которых потери давления увеличиваются с ростом расхода потока, имеется участок, на котором потери давления уменьшаются с увеличением расхода. С увеличением количества переданного тенла величина 3TO-ГΟ ниспадающего участка





ΔP ΔP 56x12 56x2 > EAX Beix 1 G G

Рис. 4. Влияние различных факторов на вид дроссельной характеристики теплообменника с испарением потока



Рис. 5. Влияние различных законов подвода тепла по длине капала на вид дроссельной характеристики теплообменника с испарением потока

растет. Из рис. 4б видно, что при уменьшении степени недогрева величина ниспадающего участка уменьшается.

Увеличение сопротивления во входном дросселе при прочих равных условиях приводит к уменьшению ниспадающего участка (рис. 4в), в то время как увеличение сопротивления в выходном дросселе приводит к тому, что этот участок растет (рис. 4г).

Сравнение дроссельных характеристик канала при различных законах подвода тепла приведено на рис. 5. Наибольшая длина ниспадающего участка характеристики получена в том случае, когда основная доля тепла подводится в начале канала. а нанменьшая длина этого участка в том случае, когда тепло подводится постепенно по длине канала. Характеристики при постоянном по длине количестве подводимого тепла И при синусоидальном законе подвода тепла при выбранных условиях практически совпадают и занимают промежуточное положение.

Вид дроссельной характеристики теплообменника связан с неустойчивой работой циркуляционного контура. Причины, приводящие к колебаниям теплопосителя в каналах с испарением, во многом аналогичны причинам возникновения колебаний в компрессорах. Как неустойчива работа на восходящей ветви характеристики компрессора, так и пеустойчива работа на нисходящей ветви дроссельной характеристики теплообменника.

Рассмотрим причины, которые приводят к возникновению неустойчивости течения при движении испаряемого теплоносителя по каналу, на входе и выходе которого включены объемы большой акустической емкости с давлениями в них  $P_1$  и  $P_2$ . Этот канал имеет гидравлическую характеристику, приведенную на рис. 5. При работе на восходящем участке характеристики (в точке А) течение устойчиво; при работе на инспадающем участке (в точке Б) течение неустойчиво. В точке Б случайное увеличение расхода приводит к уменьшению потерь давления, т. е. при постоянном давлении  $P_1$  и  $P_{\rm BX}$  давление  $P_{\rm BMX}$  начинает возрастать.

Образующийся в связи с этим дополнительный перепад давления между  $P_{\text{вых}}$ . и  $P_2$  приводит к дальнейшему увеличению расхода теплоносителя. Случайное уменьшение расхода от точки Б приведет к росту потерь давления, т. е. к уменьшению давления  $P_{\text{вых}}$ , и направленный против течения перепад давления между  $P_2$  и  $P_{\text{вых}}$  способствует дальнейшему уменьшению расхода теплоиосителя. При работе на правой ветви увеличение или уменьшение на уменьшений  $P_{\text{вых}}$ , —  $P_2$  возвращается к исходной рабочей точке.

Таким образом, при работе на инспадающем участке кривой случайные отклопения усиливаются; при работе на восходящем участке случайные отклонения расхода гасятся свойствами системы.

Можно показать, что любое пересечение нисиадающей ветви характеристики теплообменника с характеристикой компрессора приводит к рабочим режимам, работа в которых либо статически, либо динамически неустойчива.

Если теплообменник состоит из ряда параллельных каналов, то при выборе рабочей точки на правой восходящей ветви характеристики часть каналов может все же работать неустойчиво на инспадающем участке характеристики. (Это явление похоже на явление вращающегося срыва, возникающего в компрессорах, при котором часть лопаток ступени работает на устойчивой правой ветви характеристики, а часть лопаток работает на срывных неустойчивых режимах левой встви.)

При проектировании системы, дроссель которой содержит тенлообменник с писпадающей ветвью гидравлической характеристики, рабочий режим должен выбираться с определенным запасом относительно точки минимума характеристики. Самовозбуждение системы в этом случае будет жестким, и возможное в самых неблагоприятных случаях отклонение параметров от рабочей точки будет меньше, чем выбранный запас.

При проектировании авпационных компрессоров запас устойчивости  $\Delta K_y$  выбирается по имеющимся статистическим данным и не должен быть меньше  $0,12\div0,15$ .

В связи с тем, что подобные статистические материалы по тенлообменникам отсутствуют, рабочая точка на гидравлической характеристике теплообменника должна выбираться как можно дальше от участка неустойчивой работы, и не ближе, чем

$$\Delta K_{\rm y} = 1 - \frac{G}{G_{\rm min}} \cdot \frac{(P_{\rm bx}/P_{\rm bbx})_{\rm min}}{P_{\rm bx}/P_{\rm bbx}} = 0.12 \div 0.15.$$

В том случае, если параметры теплообменника заданы, можпо принять специальные меры по изменению вида характеристики.

Постепеный подвод тепла по длине канала, уменьшение степени недогрева и постановка дросселирующей шайбы на входе уменьшает величних инспадающего участка.

Величина инспадающего участка дроссельной характеристики существенным образом влияет на выбор параметров устойчивого рабочего режима системы компрессор-теплообмениик. Чем больше величина этого участка как по расходу, так и по перепаду давления, тем большие ограничения накладываются на выбор параметров.

Таким образом, полученные зависимости позволяют при проектировании рассчитать дроссельную характеристику теплообменника при различных законах подвода тепла по длине канала и выбрать режим, обеспечивающий его устойчивую работу.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Соколов Е. Я. Тепловые характеристики теплообменных аппаратов. «Теплоэнергетика», 1958, № 5.

2. Горелов Г. М., Орлов В. Н., Резник В. Е. Фрейдин А. С. К расчету тепловых характеристик теплообменных аппаратов. В сб. «Труды Куйбышевского авнационного института». Куйбышев, 1963, выпуск XV.

3. Христианович С. А. и др. Прикладная газовая динамика. М. Оборонгиз, 1948.

4 Дворпиченко П. В. К вопросу практического расчета гидравлического сопротивления быстродвижущихся газовых потоков при наличии теплообмена. ЖТФ, 1952. № 5.

5. Данилов Ю. И., Галицейский Б. М. Решение уравнения движения газа в прямолицейном канале с тренисм и теплообменом. Инженерно-

физический журпал, 1962, № 11. 6. Marchaterre I. E., Petrick M. The Prediction of Steam Volume Fractions in Boiling Systems. Nuclear Science and Engineering, 1960, v. 7, N 6 p. 20.

7. Thom I. R. S. Predeiction of Pressure Drop During Forced Circulation Boiling of Water International Journal Heat and Mass Transfer 1964 v. 7. pp. 709-724.

8. Lavy S., Steam Slip - Theoretical Prediction from Momentum Model. Transactions of the ASME. ser. C., 1960, pp. 113 - 124. 9. Martinelli R. C., Nelson D. B. The Prediction of Pressure Drop During Forced Circulation Boiling of Water. Transactions of ASME, 1948, v. 70. p. 695.

10. Bankoff S. G. A Variable Density Single-Flow Model for Two -Phase with Particular Reference to Steam-Water Flow. Transaction of the ASME ser C 1960, pp. 265-272.

11. Балдина О. М., Петерсон Д. Ф. Исследование полезных наноров в котельных трубах. В сб. «Вопросы тенлоотдачи и гидравлики двухфазных сред», М.-Л., Госэнергоиздат, 1961.

12. Янссен Э. Потери давления в двухфазиом пароводяном потоке при течении через резкие сужения и расширения в области давлений 42-98 ата. В сб. «Достижения в области теплообмена», М., «Мир», 1970.