# Фокусировка цилиндрических векторных пучков с порядком от нуля до единицы и с порядком больше единицы

В.Д. Зайцев<sup>1,2</sup>, С.С. Стафеев<sup>1,2</sup>, В.В. Котляр<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup>Институт систем обработки изображений РАН - филиал ФНИЦ «Кристаллография и фотоника» РАН, Молодогвардейская 151, Самара, Россия, 443001

<sup>2</sup>Самарский национальный исследовательский университет им. академика С.П. Королева, Московское шоссе 34a, Самара, Россия, 443086

#### Аннотация

С помощью формул Ричардса-Вольфа показано, что при фокусировке векторных пучков с азимутальной поляризацией дробного порядка форма распределения интенсивности в фокусном пятне меняется от эллиптической к круглой и заканчивается кольцевой, в то время как форма распределения продольной компоненты вектора Пойнтинга (потока энергии) в фокусном пятне меняется от круглой к эллиптической и заканчивается кольцевой. Диаметр фокусного пятна по полуспаду интенсивности равен 0,460 от длины волны, а диаметр осевого потока энергии для линейно поляризованного света равен 0,456. При этом обратный поток сохраняется в центре пятна при топологическом заряде пучка в промежутке от 1,55 до 2.

### Ключевые слова

Обратный поток энергии, цилиндрический векторный пучок, формулы Ричардса-Вольфа, острая фокусировка

### 1. Введение

Уникальные свойства, проявляемые цилиндрическими векторными пучками (ЦВП) при острой фокусировке, помогли ЦВП получить в настоящее время широкое распространение. Например, используя цилиндрические векторные пучки, можно сфокусировать излучение в пятно размерами меньше скалярного дифракционного предела [1], оптические иглы [2], световые туннели [3], цепочки фокусов [4].

### 2. Моделирование

В данной работе рассмотрена фокусировка пучков с дробным порядком, изменяющимся от нуля до единицы с шагом  $\Delta m = 0,25$ , что образует переход от линейной поляризации к азимутальной. Исследование проводилось путем численного моделирования с помощью самостоятельно написанного программного обеспечения в среде Matlab.

Было показано, что поперечные компоненты вектора Пойнтинга равны нулю при целых значениях порядка пучка, при дробных значениях порядка пучка наблюдается два ярко выраженных центра с координатами x=0 и  $y=\pm0,1$  мкм, вокруг которых закручен поперечный поток в области фокуса. Вокруг верхнего центра поток вращается по часовой стрелке, а вокруг нижнего – против часовой. Также показано, что наименьшее фокусное пятно наблюдается при фокусировке азимутально-поляризованного оптического вихря. А вот сравнивая значения продольной проекции Sz, отметим, что наименьшее значение наблюдается для сфокусированного линейно-поляризованного пучка.

При исследовании влияния отклонения порядка пучка от m=2, выяснилось что, при увеличении порядка пучка больше единицы таких ярко выраженных центров вращения поперечного потока становится больше. Также оказалось, что обратный поток сохраняется в

центре пятна даже при значительном отклонении порядка пучка от m=2 – сохраняется вплоть до m=1,55. При отклонении порядка пучка m от целого значения поперечные составляющие вектора Пойнтинга Sx и Sy также становятся ненулевыми, хотя при m=1 и m=2 они отсутствовали. Поток энергии в плоскости фокуса превращается из ламинарного в турбулентный. В отличие от дробных  $m \in (0,1)$  выраженных центров вращения поперечного потока становится больше (рис. 1).



**Рисунок 1**: Диаграмма интенсивности I с направлением вектора Пойнтинга Sr в фокальной области при фокусировке луча с порядком поляризации m = 1,9

## 3. Заключение

С помощью моделирования острой фокусировки векторных пучков с азимутальной поляризацией дробного порядка 0<m<1 показано, что форма распределения интенсивности в фокусном пятне меняется от эллиптической к круглой (m=0,5) и заканчивается кольцевой. А форма распределения продольной компоненты вектора Пойнтинга (потока энергии) в фокусном пятне меняется по-другому: от круглой к эллиптической и заканчивается кольцевой. Диаметр фокусного пятна по полуспаду интенсивности равен 0,460 от длины волны, а диаметр осевого потока энергии для линейно поляризованного света равен 0,456.

Так же было показано, что обратный поток сохраняется в центре пятна даже при значительном отклонении порядка пучка от m=2 – сохраняется вплоть до m=1,55.

## 4. Благодарности

Работа выполнена при поддержке Российского научного фонда (грант 18-19-00595), Российского Фонда Фундаментальных Исследований – грант 18-07-01122, грант 18-07-01380, грант 18-29-20003 и Министерства Министерства науки и высшего образования РФ в рамках выполнения работ по Государственному заданию ФНИЦ «Кристаллография и фотоника» РАН (соглашение 007-ГЗ/ЧЗЗ63/26) в части «Введение».

## 5. Литература

- [1] Dorn, R. Sharper Focus for a Radially Polarized Light Beam / R. Dorn, S. Quabis, G. Leuchs // Phys. Rev. Lett. 2003. Vol. 91. P. 233901.
- [2] Guan, J. Transversely polarized sub-diffraction optical needle with ultra-long depth of focus / J. Guan, J. Lin, C. Chen, Y. Ma, J. Tan, P. Jin // Opt. Commun. – 2017. – Vol. 404. – P. 118-123.
- [3] Zheng, C. Characterization of the focusing performance of axial line-focused spiral zone plates / C. Zheng, S. Su, H. Zang, Z. Ji, Y. Tian, S. Chen, K. Mu, L. Wei, Q. Fan, C. Wang, X. Zhu, C. Xie, L. Cao, E. Liang // Appl. Opt. – 2018. – Vol. 57. – P. 3802-3807.
- [4] Lin, J. Generation of longitudinally polarized optical chain by  $4 \pi$  focusing system / J. Lin, R. Chen, P. Jin, M. Cada, Y. Ma // Opt. Commun. 2015. Vol. 340. P. 69-73.