Список использованных источников

1. Ворох Д.А., Иванова Я.А. Эквивалентная схема мостового вихретокового преобразователя // Актуальные проблемы радиоэлектроники и телекоммуникаций: материалы Всероссийской научно-технической конференции (г. Самара, 16-18мая 2017г) Самара: ООО «Офорт», 2017. С. 58-60.

2. Д.А. Ворох, А.И. Данилин, У.В. Бояркина. Синхронный детектор для мостового вихретокового преобразователя / Известия Самарского научного центра Российской академии наук. 2017. Т. 19, № 4. С. 167-170

3. Д.А. Ворох, А.И. Данилин. Амплитудный детектор для мостового вихретокового преобразователя //Актуальные проблемы радиоэлектроники и телекоммуникаций: материалы Всероссийской научно-технической конференции (г. Самара, 16- 18мая 2017г) Самара: ООО «Офорт», 2017. С. 19-21.

УДК 621.396.67 ПОЛЕ ИЗЛУЧЕНИЯ НЕЭЛЕМЕНТАРНЫХ РАМОЧНЫХ АНТЕНН

А.А. Балуков

«Самарский национальный исследовательский университет имени академика С.П. Королёва», г. Самара

В учебных материалах для студентов приводятся расчеты для элементарных антенн типовых конфигураций (круглая и прямоугольная рамки), для которых наибольший линейный размер d полагается намного меньшим длины волны λ (d<< λ). Неэлементарные антенны затрагивают в основном только вскользь с приведением готовой формулы. В работе приведена методика расчета характеристик неэлементарной рамочной антенны в дальней зоне излучения. Для расчетов используем аппарат векторного электрического потенциала, который для гармонических полей $\dot{A}(\bar{r})$. представляется комплексным вектором полчиняюшимся неоднородному уравнению Гельмгольца с заданным вектором комплексной плотности тока $\bar{I}(\bar{r}')$ в правой части. Решение этого уравнения для свободного пространства определяется соотношением:

$$\dot{\bar{A}}(\bar{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_{V'} \bar{j}(\bar{r}') \frac{e^{-ikR(\bar{r}')}}{R(\bar{r}')} dV'$$
(1)

Здесь \bar{r} , \bar{r}' - радиус-векторы точек наблюдения и источника соответственно; V'- объем источника; $k = 2\pi/\lambda$ – волновое число; R – расстояние между точками источника и наблюдения, которое с учетом

разложения в ряд Тейлора по степеням малого параметра $\frac{r'}{r}$ представляется в виде:

$$R = |\bar{r} - \bar{r}'| = \sqrt{r^2 + {r'}^2 - 2rr'\cos\alpha} = r - r'\cos\alpha + \frac{{r'}^2}{2r}\sin^2\alpha + \cdots = r - \Delta r + \delta r; \ \Delta r = r'\cos\alpha; \ \cos\alpha = (\bar{1}_r, \bar{1}_{r'})$$

 Δr содержит r' в первой степени, δr – во второй и более высоких степенях.

Для дальней зоны в соотношении (1) полагается $\Delta r \gg \delta r \approx 0$, причем для быстроосциллирующей функции e^{-ikR} и медленной функции $\frac{1}{R}$ принимаются приближения:

$$\frac{1}{R} \approx \frac{1}{r}; \quad e^{-ikR} \approx e^{-ik(r-\Delta r)}$$

При этом

$$\dot{\bar{A}}(\bar{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{e^{-ikr}}{r} \int_{V'} \bar{J}(\bar{r}') e^{ik\Delta r(\bar{r}')} \, dV' \tag{2}$$

Через вычисленный по (2) вектор \dot{A} определяется магнитное поле \dot{H} , а по \dot{H} при помощи первого уравнения Максвелла – электрическое поле \dot{E} :

$$\dot{H} = \frac{1}{\mu_0} rot \left(\dot{A} \right); \quad \dot{E} = \frac{1}{i\omega\varepsilon_0} rot \dot{H}$$

Для дальней зоны эти соотношения приводятся к выражениям векторов поля через поперечную относительно $\bar{1}_r$ составляющую векторного потенциала \dot{A}_{\perp} (1):

$$\dot{\bar{H}} \approx \frac{ik}{\mu_0} \left[\dot{\bar{A}}_{\perp}, \bar{1}_r \right]; \quad \dot{\bar{E}} \approx -i\omega \dot{\bar{A}}_{\perp}$$
(3)

Рассмотрим круглую неэлементарную рамку диаметра d = 2a (рисунок 1). Координаты точек источника $Q(\bar{r}')$: сферические координаты $r' = \rho' = \alpha, \theta' = \frac{\pi}{2}$, φ' ; цилиндрические координаты $\rho' == r' = a, \varphi', z' = 0$. Координаты точки наблюдения $P(\bar{r})$: сферические r, θ, φ ; цилиндрические ρ, φ, z . При этом

 $dV' = \rho' d\rho' d\varphi' dz'; \Delta r = r' \cos \alpha = \rho' \sin \theta \cos \psi; \psi = \varphi' - \varphi$ (4) Плотность тока зададим в виде:

$$\dot{j}(\bar{r}') = \bar{1}_{\varphi'}\dot{l}\delta(\rho'-a)\delta(z'-0); \ \dot{l} = I_m e^{i\omega t}$$
⁽⁵⁾

Подставляя (4) и (5) в (2), и учитывая свойства δ- функции, получим:

$$\dot{\bar{A}}(\bar{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} i a \frac{e^{-ikr}}{r} \int_0^{2\pi} \bar{1}_{\varphi'} e^{i\xi \cos\psi} d\psi;$$

$$\xi = \xi_0 \sin\theta = ka \sin\theta = \frac{\pi d}{\lambda} \sin\theta$$
(6)

Переведем орт $\overline{1}_{\varphi'}$ в орты координат точки наблюдения $\overline{1}_{\varphi}$, $\overline{1}_{\rho}$, не зависящие от положения точек источника:

$$\overline{1}_{\varphi'} = \overline{1}_{\psi} = -\overline{1}_{\rho} \sin \psi + \overline{1}_{\varphi} \cos \psi$$

Учтя, что интеграл при орте $\overline{1}_{\rho}$ обращается в ноль, получим:

$$\dot{A}(\bar{r}) = \bar{1}_{\varphi} \frac{\mu_0}{4\pi} la \frac{e^{-ikr}}{r} \int_{0}^{2\pi} e^{i\xi\cos\psi}\cos\psi d\psi$$
(7)

Последний интеграл выражается через функцию Бесселя первого порядка $J_1(\xi)$:

$$\int_0^{2\pi} e^{i\xi\cos\psi}\cos\psi\,d\psi = i\,2\pi\,J_1(\xi).$$

Таким образом:

$$\dot{\bar{A}}(\bar{r}) = \bar{1}_{\varphi} i \frac{\mu_0}{2} \dot{I} a J_1(\xi) \frac{e^{-ikr}}{r}$$
(8)



Рисунок 1 – Упрощенная модель круглого рамочного излучателя (Р – точка наблюдения поля)

Подставляя (8) в (3), запишем поле в дальней зоне:

$$\dot{\mathbf{E}} = \dot{\mathbf{E}}_{\varphi} = -Z_0 \dot{H}_{\varphi} = Z_0 l \frac{S}{\lambda a} J_1(\xi) \frac{e^{-ikr}}{r} = Z_0 l \pi \frac{S}{\lambda^2} \sin \theta \frac{2 J_1(\xi)}{\xi} \frac{e^{-ikr}}{r}$$
(9)

где $Z_0 = \sqrt{\frac{\mu_0}{\varepsilon_0}}$; $S = \pi a^2$ - площадь рамки.

Для элементарной рамки согласно ее определению:

$$d = 2a \ll \lambda; \ \xi_0 = ka = \frac{\pi d}{\lambda} \ll \pi; \ \xi = \xi_0 \sin \theta \ll \pi$$

При этом в выражении (2) разность фаз между возмущениями, поступающими от разных точек излучателя, мала:

$$\mathbf{k}\Delta \mathbf{r} = \mathbf{k}\rho'\sin\theta\cos\psi = \xi\cos\psi \ll \pi,$$

что позволяет в (7) положить:

$$e^{i\xi\cos\psi} \approx 1 + i\xi\cos\psi; \int_{0}^{2\pi} e^{i\xi\cos\psi}\cos\psi\,d\psi \approx i\pi\xi$$

Таким образом, для элементарной рамки вместо (8) и (9) получим известные соотношения:

$$\dot{\bar{A}}(\bar{r}) = \bar{1}_{\varphi} i \frac{\mu_0}{4} \dot{I} a^2 k \sin \theta \frac{e^{-ikr}}{r}; \qquad \mathbf{E} = \dot{\mathbf{E}}_{\varphi} = Z_0 \dot{I} \pi \frac{s}{\lambda^2} \sin \theta \frac{e^{-ikr}}{r}. \tag{10}$$

Такой же результат получим с учетом предельных значений функции Бесселя при $1 \gg \xi \rightarrow 0$:

$$J_1(\xi) \approx \frac{\xi}{2}; \quad \frac{2 J_1(\xi)}{\xi} \approx 1.$$

Согласно (9) для неэлементарной круглой рамки амплитудная характеристика направленности (АХН) может быть представлена в виде:

$$f(\theta) = 0.5\xi_0 F_{\vartheta}(\theta)F_{H}(\theta) = |J_1(\xi_0 \sin \theta)|,$$

где $F_{\mathfrak{g}}(\theta) = \sin \theta - AXH$ элементарной рамки, $F_{\mathfrak{H}}(\theta) = \frac{2|J_1(\xi(\theta))|}{\xi(\theta)} -$ интерференционный множитель: $F_{\mathfrak{H}}(0) = 1$. Функция $J_1(\xi)$ имеет максимум при значении аргумента $\xi = 1,84$, равном первому корню производной $J_1'(\xi)$: max $J_1(\xi) = J_1(1,84) = 0,58$.

При $\xi_0 = ka < 1,84$ максимум $f(\theta)$ достигается при $\theta_m = \frac{\pi}{2}$ и составляет $f_{max} = J_1(\xi_0)$, при этом нормированная АХН:

$$F(\theta) = \frac{f(\theta)}{f_{max}} = \frac{|J_1(\xi_0 \sin \theta)|}{J_1(\xi_0)}.$$
(11)

При $\xi_0 = ka \ge 1,84$ максимум $f(\theta)$ достигается при θ_m , определяемом из соотношения:

$$f_{max} = J_1(\xi_0 \sin \theta_m) = J_1(1,84) = 0,58; \ \sin \theta_m = \frac{1,84}{\xi_0} \le 1,$$

при этом нормированная АХН:

$$F(\theta) = \frac{|J_1(\xi_0 \sin \theta)|}{0.58}.$$
 (12)

При $\xi_0 = 1,84 \ F(\theta)$ имеет единственный максимум в направлении $\theta_m = \frac{\pi}{2}$.

Нормированные диаграммы направленности круглой рамки, рассчитанные по (11) и (12) для ряда значений ξ_0 , представлены на рисунках 2 и 3.



Рисунок 2 – Диаграммы направленности неэлементарной круглой рамки в декартовых координатах



Рисунок 3 – Диаграммы направленности неэлементарной круглой рамки в полярных координатах

При 1,84 < ξ_0 < 3,83 диаграмма имеет два единичных максимума при $\theta_m < \frac{\pi}{2}$, и минимум между ними (при $\theta = \frac{\pi}{2}$). При $\xi_0 = 3,83$ этот минимум обращается в ноль, а при $\xi_0 > 3,83$ на месте минимума появляется третий лепесток с неединичным максимумом.

Для круглой рамки энергетически выгодным является режим $\xi_0 = 1,84$, так как вся энергия излучения сосредоточена в одном направлении $\theta_m = \frac{\pi}{2}$. В этом режиме амплитуда поля в направлении максимального излучения: $E_{\text{макс}} = |\dot{E}(\theta_m)| = 0,91Z_0 |\dot{I}| \frac{d}{\lambda r}$, а ширина ДН по уровню $F(\theta_{1,2}) = \frac{1}{\sqrt{2}}$ определяется соотношениями:

$$F(\theta_{1,2}) \equiv \frac{J_1(\xi_{1,2})}{0.58} = \frac{1}{\sqrt{2}}; \quad J_1(\xi_{1,2}) = 0.41; \quad \xi_{1,2} \equiv 1.84 \sin \theta_{1,2} = 0.91; \\ \theta_1 = 29.5^\circ; \quad \theta_2 = 150.5^\circ; \quad \Delta \theta = 121^\circ$$

Для элементарной круглой рамки ($\theta_m = \frac{\pi}{2}$):

$$\mathbf{E}_{\mathrm{MAKC}}^{\phantom{\mathrm{a}}\mathfrak{s}} = \left| \dot{\mathbf{E}}^{\mathfrak{s}}(\theta_m) \right| = Z_0 \left| \dot{I} \right| \left(\frac{d^{\mathfrak{s}}}{\lambda} \right)^2 \frac{\pi^2}{4r},$$

а ширина ДН $\Delta \theta = 90^{\circ}$. При этом выигрыш по максимуму амплитуды для круглой рамки при $\xi_0 = 1,84$ по сравнению с элементарной составляет:

$$B = \frac{E_{MAKC}}{E_{MAKC}^{3}} = 0.37 \left(\frac{d}{\lambda}\right) / \left(\frac{d^{3}}{\lambda}\right)^{2}$$

Если учесть, что в рассматриваемом режиме $\frac{d}{\lambda} \approx 0,59$ и принять $\frac{d^3}{\lambda} \leq 0,1$, то получим: $\frac{d}{d^3} \geq 0,59$, B ≥ 21 , по максимуму вектора Пойнтинга B² ≥ 441 , в децибелах 20 lg B $\geq 26,4$ дБ.

Далее рассмотрим прямоугольную неэлементарную рамку с размерами $h \times l$ (рисунок 4). Используем декартову систему координат: x, y, z – точка наблюдения, x', y', z' = 0 - точки источника. Плотность тока зададим в виде:

$$\dot{\bar{j}}(\bar{r}') = \dot{I}\{\bar{1}_x\left[\delta\left(y'+\frac{l}{2}\right)-\delta\left(y'-\frac{l}{2}\right)\right]+\bar{1}_y\left[\delta\left(x'-\frac{h}{2}\right)-\delta\left(x'+\frac{l}{2}\right)\right]\}\delta(z') \\
\dot{I} = I_m e^{i\omega t}$$
(13)

Используем соотношение (2). Выразим R через декартовы координаты, пренебрегая квадратичными членами:

$$R = |\bar{r} - \bar{r}'| = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2 + z^2} \approx r - \frac{xx' + yy'}{r} = r - \Delta r(\bar{r}')$$
(14)

Подставляя (13) и (14) в (2) и учитывая свойства -функций, получим:

$$\dot{A}(\bar{r}) = \frac{i\mu_0}{4\pi} \frac{e^{-ikr}}{r} \{ \bar{1}_x \int_{-\frac{h}{2}}^{\frac{h}{2}} \left[e^{i\left(xx'-y\frac{l}{2}\right)\frac{k}{r}} - e^{i\left(xx'+y\frac{l}{2}\right)\frac{k}{r}} \right] dx' + \\ + \bar{1}_y \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} \left[e^{i\left(x\frac{h}{2}+yy'\right)\frac{k}{r}} - e^{i\left(-x\frac{h}{2}+yy'\right)\frac{k}{r}} \right] dx' \} = \\ = i\frac{i\mu_0}{2\lambda} S\frac{\sin u}{u}\frac{\sin v}{v} (-\bar{1}_x\frac{y}{r} + \bar{1}_y\frac{x}{r})\frac{e^{-ikr}}{r}$$
(15)

Здесь

$$S = hl, \ u = \frac{khx}{2r}; \ v = \frac{kly}{2r} \ . \tag{16}$$

Используя соотношения между декартовыми (x, y, z) и сферическими (r, θ, φ) координатами, переведем $\dot{\bar{A}}(\vec{r})$ в сферические координаты:

$$\dot{\bar{A}}(\bar{r}) = \bar{1}_{\varphi} i \frac{\dot{i}_{\mu_0}}{2\lambda} S \sin \theta \frac{\sin u}{u} \frac{\sin v}{v} \frac{e^{-ikr}}{r} , \qquad (17)$$

где

$$u = 0.5kh\sin\theta\cos\varphi; \ v = 0.5kl\sin\theta\cos\varphi \tag{18}$$

Подставляя (17) в (3), получим выражения поля прямоугольной рамки в дальней зоне:

$$\mathbf{E} = \dot{\mathbf{E}}_{\varphi} = -Z_0 \dot{H}_{\theta} = Z_0 \dot{I} \pi \frac{S}{\lambda^2} \sin \theta \frac{\sin u}{u} \frac{\sin v}{v} \frac{e^{-\iota k r}}{r}$$
(19)

Для элементарной прямоугольной рамки:

 $h \ll \lambda; \ l \ll \lambda; \ u \ll \pi; \ v \ll \pi; \ \frac{\sin u}{u} \approx 1; \ \frac{\sin v}{v} \approx 1,$ при этом из (19) следует приведенное выше выражение (10).



Рисунок 4 – Схематичное представление прямоугольной рамки

В плоскости хОz ($\varphi = 0$) получим согласно (18), (19):

$$u = 0,5kh\sin\theta; v = 0; \frac{\sin v}{v} = 1,$$

$$\dot{\mathbf{E}}_{\varphi}^{(x)} = \dot{\mathbf{E}}_{\varphi} = Z_0 i \pi \frac{s}{\lambda^2} \sin\theta \frac{\sin u}{u} \frac{e^{-ikr}}{r}.$$

В плоскости уОz ($\varphi = \frac{\pi}{2}$) имеем:

$$v = 0,5kl\sin\theta; \ u = 0; \ \frac{\sin u}{u} = 1,$$
$$\dot{\mathrm{E}}^{(y)} = \dot{\mathrm{E}}_{\varphi}(r,\theta,\frac{\pi}{2}) = Z_0 i\pi \frac{S}{\lambda^2} \sin\theta \frac{\sin v}{v} \frac{e^{-ikr}}{r}$$

Введя обозначения $d \in \{h, l\}; \xi_0 = 0,5kd = \frac{d\pi}{\lambda}; \xi(\theta) = \xi_0 \sin \theta \in \{u, v\}$, запишем выражение для двух ортогональных плоскостей ($\varphi = 0, \frac{\pi}{2}$) в обобщенном виде:

$$\dot{E}^{(x,y)} = Z_0 l \pi \frac{S}{\lambda^2} \sin \theta \frac{\sin \xi(\theta)}{\xi(\theta)} \frac{e^{-ikr}}{r} = Z_0 l \frac{S}{\lambda d} \sin \xi(\theta) \frac{e^{-ikr}}{r}$$
(20)

Согласно (20) для неэлементарной прямоугольной рамки АХН, в общем случае ненормированная, в двух ортогональных плоскостях ($\varphi = 0, \frac{\pi}{2}$) запишется в виде:

$$f(\theta) = |\sin(\xi_0 \sin \theta)| = \xi_0 F_{\mathfrak{H}}(\theta) F_{\mathfrak{H}}(\theta), \qquad (21)$$

где $F_9(\theta) = \sin \theta$ – АХН элементарной рамки, $F_H(\theta) = \frac{|\sin \xi(\theta)|}{\xi(\theta)}$ – интерференционный множитель. Диаграммы направленности для ряда значений параметра ξ_0 представлены на рисунках 5 и 6. При $\xi_0 < \frac{\pi}{2}$, $(d < \frac{\lambda}{2})$ максимум $f(\theta)$ не достигает единицы и имеет место при $\theta_m = 90^\circ$ (см. рисунок 6). На рисунке 5 показан график нормированной АХН:



Рисунок 5 – Диаграммы направленности неэлементарной квадратной рамки в декартовых координатах



в полярных координатах

При
$$\xi_0 \ge \frac{\pi}{2} \max f(\theta) = 1$$
 и нормированная АХН $F(\theta)$ совпадает с $f(\theta)$:
 $F(\theta) = f(\theta) = |sin(\xi_0 \sin \theta)|.$

При $\frac{\pi}{2} < \xi_0 < \pi$ ДН имеет два единичных максимума и минимум между ними, который обращается в ноль при $\xi_0 = \pi$. При $\xi_0 > \pi$ аналогично круглой рамке появляется третий максимум в направлении $\theta_m = 90^\circ$. При $(2m-1)\frac{\pi}{2} \le \xi_0 < (2m+1)\frac{\pi}{2}$, где m – целое положительное число, в интервале $0 \le \theta_m \le \frac{\pi}{2}$ существуют m единичных максимумов при значениях θ_m , определяемых выражениями:

$$F(\theta_m) \equiv |\sin(\xi_0 \sin \theta_m)| = 1; \quad \sin \theta_m = \frac{0.5\pi(2m-1)}{\xi_0}$$

Столько же единичных максимумов имеется в интервале $\frac{\pi}{2} \le \theta_m \le \pi$.

Для прямоугольной рамки энергетически выгодным является режим $\xi_0 = \frac{\pi}{2}$ (по той же причине, что и для круглой рамки). Токи в противоположных плечах рамки направлены встречно, а разность хода лучей от источника до точки наблюдения дает фазовый сдвиг π , поэтому возмущения от токов синфазны и формируют максимум. Ширина ДН определяется из соотношений:

$$F(\theta_{1,2}) \equiv |sin(0,5\pi \sin \theta_{1,2})| = \frac{1}{\sqrt{2}}; \ \theta_{1,2} = 30^{\circ},150^{\circ};$$

 $\Delta \theta = 120^{\circ}$ - для неэлементарной рамки. Для элементарной - 90°.

Однако, несмотря на сходство АХН элементарной и неэлементарной рамок, амплитуда поля первой больше, чем у второй.

Согласно (20) для неэлементарной рамки: $E_{\text{макс}} = |\dot{E}(\theta_m)| = Z_0 |\dot{I}| \frac{a}{\lambda r};$ для элементарной: $E_{\text{макс}}{}^3 = |\dot{E}^3(\theta_m)| = Z_0 |\dot{I}| \left(\frac{d^3}{\lambda}\right)^2 \frac{\pi}{r}$ Выигрыш по максимуму амплитуды:

$$\mathrm{B} = \frac{\mathrm{E}_{\mathrm{MAKC}}}{\mathrm{E}_{\mathrm{MAKC}}^{3}} = 0.32 \left(\frac{d}{\lambda}\right) / \left(\frac{d^{3}}{\lambda}\right)^{2}.$$

В рассматриваемом режиме $\frac{d}{\lambda} = \frac{1}{2}$ и, если принять $\frac{d^3}{\lambda} \le 0,1$, то получим $\frac{d}{d^3} \ge 5$, B ≥ 16 , по максимуму вектора Пойнтинга B² ≥ 256 , в децибелах 20 lg B ≥ 24 дБ.

Список использованных источников

1 Полухин, Ю.Н. Излучение электромагнитных волн: учеб. пособие [Текст] / Ю.Н. Полухин. – Самара: Изд-во СГАУ, 2016. – 156 с.

Балуков А.А., 8(927)295-20-38, balukov_98@mail.ru

УДК 621.384.82

МОДЕЛИРОВАНИЕ УМНОЖИТЕЛЯ НАПРЯЖЕНИЯ ДЛЯ ПИТАНИЯ ОТКЛОНЯЮЩИХ ЭЛЕКТРОДОВ ЭНЕРГОАНАЛИЗАТОРА

Е.А. Мирошников

«Самарский национальный исследовательский университет имени академика С.П. Королева», г. Самара

Ключевые слова: энергоанализатор, управляемый источник, электростатическое поле.

Для регистрации потоков заряженных частиц и анализа их характеристик часто применяются электростатические энергоанализаторы. Принцип их действия состоит в отклонении пучка частиц полем известной дальнейшим детектированием напряженности И ионного тока. Микроконтроллер при этом управляет работой устройства, загружает коды выборок управляющего напряжения заданной формы в ЦАП, диапазон расширяется благодаря использованию напряжений управляемых источников высокого напряжения, напряжение с выхода которых подается на систему электродов. Микроконтроллер сохраняет в памяти значения напряжений на электродах, при которых частицы достигают детектора. В дальнейшем сохраненные значения напряжений пересчитываются в энергию пучка. Благодаря использованию системы с цифровой обратной связью на основе аналого-цифрового преобразования напряжения на выходе управляемого источника возможна точная подстройка и увеличение точностных характеристик прибора.

Рассмотрим схему управляемого источника изображенную на рисунке 1. Промоделируем данную схему в пакете OrCAD и получим зависимости