

структурной помехи: Отчет и НИР "Автоматика" (заключительный)/  
ИИИ ПМК; Руководители Л.Н.Белюстина, В.П.Пономаренко; № ГР 0184.  
022.498; Инв. № 0285.0069161. Горький, 1985. - 118 с.

4. Белюстина Л.Н., Белых В.Н. Качественное исследование дина-  
мической системы на цилиндре //Дифференциальные уравнения. 1973.  
Т.9. № 3. С.403-415.

5. Белюстина Л.Н. Исследование нелинейной системы фазовой  
автоподстройки частоты //Радиофизика. 1959. Т.II. № 2. С.277-291.

6. Фазовая синхронизация /Под ред. В.В.Шахгильдяна, Л.Н.Бе-  
люстиной. М.:Связь, 1985. - 289 с.

УДК 378.1:681.31

Е.П.Калина, А.И.Хмельницкий

### ИМИТАЦИЯ ПАРАМЕТРИЧЕСКИ ЗАДАНЫХ ОБЪЕКТОВ НА УРОВНЕ РЕАЛЬНЫХ СИГНАЛОВ

(г. Москва)

Имитационное моделирование объектов на уровне реальных сиг-  
налов в реальном времени, базирующееся на использовании цифровой  
вычислительной техники, требует анализа адекватности процесса мо-  
делирования реальному объекту с учетом конкретных параметров ими-  
тационного комплекса (ИК) и системы сбора и обработки данных  
(ССОД) с целью обоснованного выбора режимов работы имитационного  
комплекса.

Пусть ИК состоит из ЭВМ, программа в которой реализует алго-  
ритм, "поведения" объекта в некоторой заданной области условий,  
и совокупности цифро-аналоговых (ЦАП) и аналого-цифровых  
преобразователей (АЦП) для сопряжения с внешней средой на уровне  
реальных сигналов. При проведении экспериментов с помощью автома-  
тизированной системы научных исследований (АСНИ) ССОД также имеет  
в своем составе ЭВМ и устройства сопряжения с объектом (УСО - на-  
пример КАМАК), в число которых входят ЦАПы, АЦП и другие функцио-  
нальные модули. Состояние реального объекта в произвольный момент  
времени для ССОД и экспериментатора представляется совокупностью  
измеряемых выходных сигналов объекта - вектор-функцией  $\overline{y_p}(t)$ .  
Предполагается, что ИК реализует идеальную модель объекта и, соот-  
ветственно, выходные измеряемые сигналы модели представляют вектор

функцию  $\vec{y}(t) = \vec{F}(\vec{a}, t)$ , где  $\vec{a} \in A$ ,  $t \in [0, T]$  и  $A$  - заданное ограниченное множество вектор-параметров, размерность вектора  $\vec{y}$  равна  $n$ .

В ЭВМ ИК значения модели вычисляются для дискретных моментов времени  $t_H = iH$ ,  $i = 0, 1, \dots$ , и выходной сигнал имеет вид

$$\vec{y}_H(t_H) = \vec{F}(\vec{a}, t_H).$$

Сглаживание выходного ступенчатого сигнала производится интерполирующим ЦАПом, который выполняет ступенчатую кусочно-линейную аппроксимацию сигнала. Интервал временной сетки модели кратен интервалу сетки интерполирующего ЦАПа:

$$H = kh \text{ и } t_H = t_{H_i} + jh, \quad i = 0, 1, \dots, \quad j = 0, 1, \dots, k$$

Будем считать, что сама модель с достаточной точностью описывает реальный объект. Однако, независимо от этого, выходной сигнал ИК содержит шумовую составляющую, обусловленную дискретностью процессов, происходящих в ИК, используемом алгоритмом восстановления и выбором параметров этих процессов.

Определим ошибку восстановления сигналов при фиксированном значении вектор-параметра  $\vec{a}^*$ :

$$\varepsilon(\vec{a}^*) = \varepsilon(H, h, \vec{a}^*) = \max_{\substack{i=0, 1, \dots \\ j=0, 1, \dots, k}} \|\vec{y}_h(t_h) - \vec{F}(\vec{a}^*, t_h)\|$$

где норма понимается следующим образом:

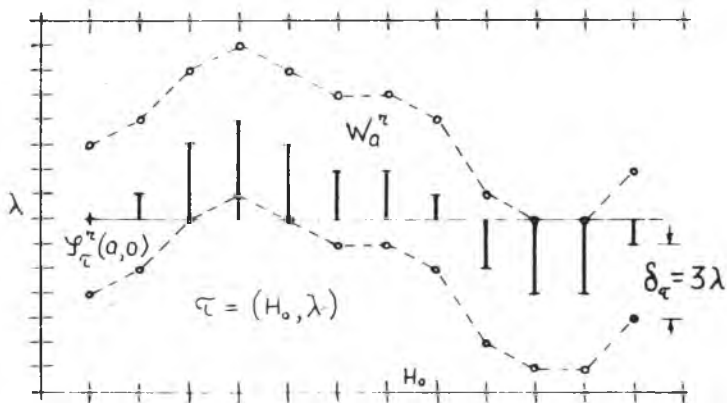
$$\|\vec{U}\| = \max |U_i|, \text{ где } \vec{U} = (U_1, \dots, U_i, \dots, U_n) \\ 1 \leq i \leq n.$$

С учетом аппаратных ограничений, налагаемых ИК, таких как  $h_a$  - минимально достижимый для данного типа ЦАП интервал преобразования;  $H_a$  - минимально возможный интервал сетки модели для имитации в реальном времени (с учетом сложности модели, быстродействия ЭВМ и качества программы), можно найти  $h$  и  $H$  исходя из задачи наилучшего восстановления

$$\varepsilon^* = \max_{\vec{a}^* \in A} \min_{h_a \leq h \leq H} \varepsilon(H, h, \vec{a}^*), \\ h_a \leq H \leq H_c, \quad (I)$$

где  $H_c$  - шаг имитации - в соответствии с теоремой Котельникова  $H_c \leq 1/2 f_c$ ;  $f_c$  - высшая частота ограниченного спектра сигнала.

Восстановленный таким образом сигнал  $\vec{y}_h(t_h)$  (рис.1) поступает на вход ССОД, где выполняются его оцифровка и анализ состояния исследуемого процесса (объекта).



Р и с. 1. Восстановление сигналов в ИЧ

Пусть ССОД работает с частотой опроса  $f_0$  (соответствующий период -  $H_0$ ), а разрешающая способность АЦП и соответствующий ей шаг квантования  $\lambda$ , тогда будем говорить, что задана сетка  $\tau = (H_0, \lambda)$ . Для ЭВМ ССОД сигнал  $\vec{y}_h(t_h)$  определен на сетке  $\tau$  и имеет вид

$$\vec{x}_\tau = \vec{x}_\tau(t, \vec{a}), \quad t = iH_0, \quad i = 0, 1, \dots$$

Далее решается задача оценки параметра  $\vec{a}$  с учетом дискретного представления сигналов в ССОД [1]. Считая множество вектор-параметров  $A$  известным, отобразим  $\vec{y}(\vec{a}, t)$  для всех  $\vec{a} \in A$  на  $\tau$ . Получим множество цифровых значений  $\vec{y}_\tau(\vec{a}, t)$ , которые назовем векторными цепочками:  $\vec{t}_a = (t_a^1, t_a^2, \dots, t_a^m, \dots, t_a^n)$ , причем  $t_a^1$  ("скалярная" цепочка) соответствует последовательности цифровых значений  $y_\tau^r(\vec{a}, t)$  и понимается как совокупность приращений (с учетом знака) значений сигнала в произвольной точке относительно начальной, т.е.

$$\vec{t}_a = (y_\tau^r(\vec{a}, H_0) - y_\tau^r(\vec{a}, 0), \dots, y_\tau^r(\vec{a}, iH_0) - y_\tau^r(\vec{a}, 0), \dots, y_\tau^r(\vec{a}, mH_0) - y_\tau^r(\vec{a}, 0)),$$

где длина цепочки:  $m = INT(H_0/\lambda)$ .

Обозначим  $l$ -ю компоненту цепочки через  $l_{a,i}^r$ . Входная исследуемая цепочка  $\vec{l}_x = (l_{x,1}^r, \dots, l_{x,m}^r, \dots, l_{x,n}^r)$  соответствует  $\vec{x}_x(t, \vec{a})$ . Введем меру близости (расстояние) скалярных цепочек

$$\rho(l_{x,i}^r, l_{a,i}^r) = \max_{1 \leq i \leq m} (l_{a,i}^r - l_{x,i}^r, 0) + \max_{1 \leq i \leq m} (l_{x,i}^r - l_{a,i}^r, 0).$$

Аналогично, меру близости векторных цепочек определим как

$$\sigma_a(\vec{l}_a, \vec{l}_x) = \max_{1 \leq r \leq n} \rho(l_{x,r}^r, l_{a,r}^r).$$

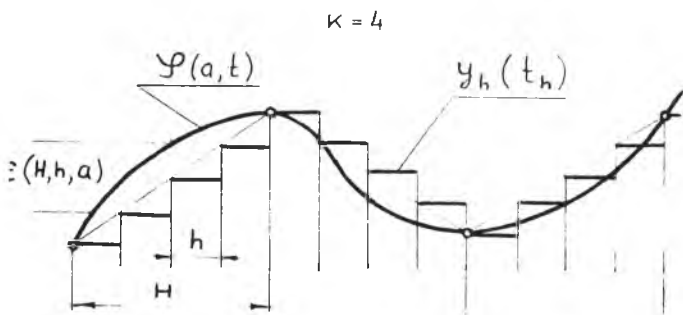
Пусть ССОД решает задачу оценки вектор-параметра модели с заданной точностью, которую конструктивно будем представлять множеством возможных решений задачи идентификации -  $\Omega(\vec{a}^*)$  - оценочное множество, например,

$$\Omega(\vec{a}^*) = \{ \vec{a} : \vec{a}^* - \Delta \vec{a} \leq \vec{a} \leq \vec{a}^* + \Delta \vec{a}, \vec{a} \in A \}, \quad (2)$$

где  $A$  - конечное дискретное множество вектор-параметров.

Множеству  $\Omega(\vec{a}^*)$  соответствует вполне определенный максимальный уровень сигнала шума, лежащего в спектре полезного сигнала:  $\delta = \max \delta(t)$ .

Определим допустимую величину  $\delta$  в том случае, если задано оценочное множество в виде (2). Вокруг цепочки  $\vec{l}_a$  при фиксированном  $\sigma_x$ , определенном на сетке  $\tau$ , построим область "размытия"  $W_a$ . Множество всех возможных значений сигнала при этом представлено совокупностью точек, лежащих внутри трубки диаметром  $\delta$ , построенной вокруг цепочки  $\vec{l}_a$ , т.е. внутри области размытия (рис.2). Найдем все цепочки  $\vec{l}_a$ , для которых  $\vec{l}_x$  принад



Р и с. 2. Цепочка  $\vec{l}_a$  и ее область размытия

лежит области размытия цепочек  $t_{\vec{a}}$ . Можно показать (см. работу [2]), что  $t_{\vec{a}} \in W_{\vec{a}}^r$  тогда и только тогда, когда  $\rho(t_{\vec{a}}, t_{\vec{a}}) \leq \delta_{\vec{a}}^r$ . Тогда возможным решением задачи идентификации при заданном  $\delta_{\vec{a}}^r$  следует считать параметр  $\vec{a}$ .

Установим соответствие между  $\Delta \vec{a}$  и  $\delta_{\vec{a}}^r$ . Для этой цели при заданных  $\Delta \vec{a}$  и  $\vec{a}^*$  по значениям  $\mathcal{F}_{\vec{a}}(\vec{a}^*, t)$  и зафиксированных  $r$  и  $\delta_{\vec{a}}^r$  построим все цепочки  $t_{\vec{a}}^r$ , для которых  $\vec{a} \in \Omega(\vec{a}^*)$  и  $t_{\vec{a}}^r \in W_{\vec{a}}^r(\delta_{\vec{a}}^r)$ , т.е.  $\rho(t_{\vec{a}}^r, t_{\vec{a}}^r) \leq \delta_{\vec{a}}^r$ . Множество таких вектор-параметров  $\vec{a}$  обозначим  $\tilde{\Omega}^r(\vec{a}^*, \delta_{\vec{a}}^r)$ . Определим  $\delta_{\vec{a}}^r = \delta_{\vec{a}}^r(\vec{a}^*, \Delta \vec{a})$  такое, что  $\tilde{\Omega}^r(\vec{a}^*, \delta_{\vec{a}}^r) = \Omega(\vec{a}^*)$ .

Найдем

$$\delta_{\vec{a}}^r(\vec{a}^*, \Delta \vec{a}) = \max_{1 \leq r \leq n} \delta_{\vec{a}}^r(\vec{a}^*, \Delta \vec{a}),$$

а также

$$\delta = \delta_{\vec{a}}(\Delta \vec{a}) = \max_{\vec{a}^* \in A} \delta_{\vec{a}}^r(\vec{a}^*, \Delta \vec{a}). \quad (3)$$

С помощью описанной процедуры установлено соответствие между точностью  $\Delta \vec{a}$  и максимальным допустимым уровнем сигнала шума  $\delta$ . Заметим, что  $\delta$  определяется также параметрами ССОД:  $\delta = \delta(H_0, \lambda)$ .

Будем называть системы реальных и имитируемых сигналов  $\mathcal{E}$  эквивалентными (для данных ИК и ССОД) тогда, когда  $\mathcal{E}^* \leq \delta$  (см. формулы (1), (2)). Таким образом, если выполнено условие эквивалентности, то для данной ССОД можно говорить об адекватности ИК реальному объекту.

## Библиографический список

1. Хмельницкий А.И. Алгоритмы идентификации сложных событий при обработке экспериментальной информации в режиме реального времени // Вычислительные системы и автоматизация научных исследований. М., 1980, С.70-82.

2. Автоматизация экспериментальных исследований: Учебное пособие / Кузьмичев Д.А., Лигулев В.Н., Калина Е.П., Хмельницкий А.И. и др. - М.: МЭТИ, 1982. - 76 с.