электростатическими измерительными механизмами. Диссертация, Куйбышевский политехнический институт, 1965. 3. Миролюбов Н. Н., Костенко М. В. Методы расчета электро-

статических полей. «Высшая школа», 1963.

4. Копенфельс В., Штальман Ф. Практика конформных отображений. ИИЛ, М., 1963.

5. Фукс Б. А., Шабат Б. В. Функции комплексного переменного и некоторые их приложения. Физматгиз, 1964.

### Г. К. АНДРОСОВ, В. В. ПОПОВА

# ИЗМЕРЕНИЕ УПРУГИХ НАПРЯЖЕНИЙ В СТАЛЬНЫХ ДЕТАЛЯХ МАГНИТОШУМОВЫМ ΜΕΤΟΔΟΜ

Одним из эффективных способов, широко используемых в авиационной промышленности для повышения усталостной прочности стальных деталей, является поверхностное упрочнение посредством наклепа. В результате наклепа на поверхности детали создается деформированный слой глубиной 0,4-0,8 мм, отличающийся повышенной твердостью и наличием внутренних сжимающих напряжений. Существующие методы контроля глубины наклепа и величины упругих напряжений в силу ряда причин не могут полностью удовлетворить запросы промышленности.

В настоящей работе приводятся результаты исследования возможности контроля упругих напряжений в стальных деталях магнитошумовым методом, основанным на анализе шумов циклического перемагничивания. Известно, что при перемагничивании ферромагнитных материалов наряду с обратимыми процессами смещения доменных границ и вращения векторов спонтанной намагниченности происходят и необратимые процессы скачкообразного изменения намагниченности локальных объемов [1]. В ряде работ были проведены исследования влияния упругих напряжений на спектр магнитных шумов, порождаемых скачками намагниченности, которые показали. ЧТО наличие растягивающих напряжений в ферромагнитных материалах с положительной магнитострикцией вызывает увеличение скачков Баркгаузена, а с отрицательной — уменьшение [2, 3]. К сожалению, результаты этих исследований нельзя непосредственно использовать для разработки способа контроля упругих напряжений в наклепанном слое, так как все измерения были проведены на образцах из никеля или железоникелевых сплавов, выполненных в виде длинной и очень тонкой (0,1-0,2 мм) проволоки, имеющих специфическую доменную структуру и слабо выраженное экранирующее влияние вихревых токов.

С целью максимального приближения к условиям неразрушающего контроля в данной работе использовались массивные плоские образцы размером 200×80×10 мм<sup>3</sup> из стали ЗОХГСА



Рис. 1. Установка для исследования влияния упругих напряжений на величину магнитных шумов: 1 — массивный образец; 2 — датчик

(1, рис. 1). Для создания упругих деформаций образцы растягивались с помощью УИМ типа ZDMИ 30 тонн (рис. 1). Регистрация магнитных шумов производилась по емтоду, разрабоганному инженером Васильевым [4]), с помощью накладного индукционного дат-(2, рис. 1), позволяючика шего практически полностью подавить дискретную компоненту спектра ЦИКЛИческого перемагничивания. Перемагничивание локальучастка ПОГО поверхности массивного образца производили с помощью U-образного электромагнита. Пля измерения спектральной плотности магнитных шумов нспользовали стандартный анализатор спектра типа С5-2, на входе которого был включен малошумящий широкополосный усилитель.

На рис. 2 приведена осцилограмма э. д. с. наклад-

ного датчика, наведенной флуктуирующими скачками намагниченности. Из спектральной характеристики, приведенной на рис. 3, видно, что упругие папряжения не влияют на форму спектра магнитных шумов, поэтому дальнейшие измерения проводились на одной частоте  $f_0=150$  кгц при полосе пропускания анализатора спектра  $2\Delta f=200$  гц.

Использование накладных датчиков и плоских массивных образцов позволило произвести исследование влияния упругих напряжений на эффект Баркгаузена как при совпадении направления перемагничивания С направлением механических напряжений, так И при их взаимной перпендикулярности. Из приве-



Рис. 2. Осциялограмма э. д. с. накладного датчика, наведенная скачками намагниченности

денных на рис. 4 кривых видно, что при совпадении векторов перемагничивающего поля и упругих напряжений максимум интенсивности магнитных ШVмов сдвигается в сторону меньших внешних полей, а при перпендикулярном перемагничивании максимум спектральной плотности получается при гораздо больших перемагничивающих полях. Это. очевидно, является ЧТО следствием τογο, образцов растяжение





Кривые 1-3 соответствуют нагрузкам 0; 5; 10 кг/мм<sup>2</sup>

сопровождается появлением оси легкого намагничивания, что способствует более быстрому намагничиванию при совпадении внешнего поля с направлением растягивающих напряжений [5]. Кроме того, в этом случае основная масса скачков носит характер 180-градусного разворота либо однонаправленного роста зародышей обратной намагниченности, что и является причиной резкого роста интенсивности шумов при малых и средних значениях внешнего поля. Но эти же процессы можно рассматривать и как некоторые упорядочения процесса намагничивания: в силь-



Рис. 4. Влияние упругих напряжений на интенсивность магнитных шумов:

кривые 1—3 — вектор напряженности перемагничивающего поля параллелен растягивающим напряжениям величиной 0; 5; 10 кг/мм<sup>2</sup> соответственно, кривые 4—6 — поле перпендикулярно растягивающим напряжениям ных полях интенсивность магнитных шумов в случае параллельного намагничивания меньше, чем при перпендикулярном.

Полученные результаты показывают B03можность измерения упругих напряжений в наклепанных слоях массивных ферромагнитных деталей. Кроме того, как видно из рис. 4, измеряя интенсивность магнитных IIIVмов при перемещении датчика по поверхности ферромагнитной детали, находящейся в сложном попряжениюм состоянии, можно построить картину рас-

### **JHTTEPATYPA**

1. Вонсовский С. В. Магнетизм. М., 1971.

2. Бозорт Р. Ферромагнетизм. ИИЛ, М., 1956.

 Колачевский Н. Н. Физика металлов и металловедение. П. № 2, 211, (1961).

4. Пу́стынников В. Г., Васильев В. М. Дефектоскопия. № 4. 1973.

5. Шульце Г. Металлофизика. Изд. «Мир», М., 1971.

#### В. Е. ШАТЕРНИКОВ

# ВЫВОД УРАВНЕНИЙ ГЕЛЬМГОЛЬЦА ДЛЯ ВЕКТОРНОГО ПОТЕНЦИАЛА ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО ПОЛЯ В СФЕРОИДАЛЬНЫХ СИСТЕМАХ КООРДИНАТ

Для расчета электромагнитного поля системы «круговой контур с током — электропроводящий сфероид» выберем систему координат сплющенного сфероида (ζ, η, φ), которая связана с декартовой (x, y, z) следующими соотношениями [1]:

$$x = a V (\xi^{2} + 1)(1 - \eta^{2}) \cos \varphi.$$

$$y = a V (\xi^{2} + 1)(1 - \eta^{2}) \sin \varphi.$$

$$z = a \eta \xi$$
(1)

где  $0 \leq \xi \leq \infty$ ,  $-1 \leq \eta \leq +1$ ,  $0 \leq \varphi \leq 2\pi$ .

В этом случае граничные условия упрощаются и задача является осесимметричной. В данной системе координат имеется только одна составляющая стороннего тока и векторного потенциала:  $\overline{A} = \overline{Q}_{\varphi} \ \overline{A}_{\varphi}$ . Электромагнитное поле описывается неоднородным векторным уравнением Гельмгольца:

$$\Delta \overline{A} + k^2 \overline{A} = -\mu_0 \mu_1 j_{\rm cr}, \qquad (2)$$

где  $k^2 = -i\mu_0\mu_2\sigma_2\omega$ ,

 $i_{\rm ст}$  — плотность стороннего тока. Для вывода этого уравнения в сфероидальной системе координат необходимо получить выражение для Лапласиана вектор-потенциала A в данной системе, так как в известной литературе имеются формулы « $\Delta$ » только для декартовой, цилиндрической и сферической системы координат [2]. Лапласиан от векторной функции A определяется формулой:

$$\Delta \overline{A} = \operatorname{grad}\left(\operatorname{div}\overline{A}\right) - \operatorname{rot}\left(\operatorname{rot}\overline{A}\right). \tag{3}$$